

数 学

第一章 数与式

第 1 课时

典例精析:【例 1】有理数集合 $\{-1, 0, -\sqrt{169}, 0.\dot{6}, -\cos 60^\circ, 2, \frac{22}{7}\}$

正数集合 $\{\frac{\pi}{2}, 1.101\ 001\dots(\text{每两个 } 1 \text{ 之间依次多一个 } 0), 0.\dot{6}, \sqrt{2}-1, \cos 45^\circ, \frac{22}{7}, 2, |\frac{22}{7}-\pi|\}$

整数集合 $\{-1, 0, -\sqrt{169}, 2\}$

自然数集合 $\{0, 2\}$

分数集合 $\{0.\dot{6}, -\cos 60^\circ, \frac{22}{7}\}$

无理数集合 $\{\frac{\pi}{2}, 1.101\ 101\dots(\text{每两个 } 1 \text{ 之间依次多一个 } 0), \sqrt{2}-1, \cos 45^\circ, |\frac{22}{7}-\pi|\}$

绝对值最小的数的集合 $\{0\}$

【例 2】A

【例 3】48

中考链接:1. C 2. A 3. C 4. C

拓展训练:1. C 2. B 3. B 4. C 5. $-\sqrt{3}$ 2 或 -1

第 2 课时

典例精析:【例 1】A 【例 2】(1)3 (2)-19 (3) $-\frac{15}{4}$

【例 3】A 【例 4】C

中考链接:1. D 2. (1)-1 (2)-1 (3)1 3. 3 4. B 5. C

拓展训练:1. (1)24 (2) $\frac{3}{5}$ (3)29 (4)-18 2. (1)0 (2)-2 (3)6 3. B 4. -3

第 3 课时

典例精析:【例 1】C 【例 2】D 【例 3】解:原式 $= 2x^2 - 7xy + 24$, 求值得 27. 【例 4】6

中考链接:1. B 2. A 3. (1)3 (2)C 4. D

拓展训练:1. $a-2b+c$ 2. A 3. A 4. C 5. A

第 4 课时

典例精析:【例 1】B 【例 2】A 【例 3】化简得 $-x^2 + 3y^2$, 求值得 0 【例 4】64

中考链接:1. (1)C (2)D 2. C 3. $-4x^7$ 4. 75 5. D

拓展训练:1. B 2. C 3. D 4. ± 1 5. C 6. $x^2 - 2x; 1$

第 5 课时

典例精析:【例 1】C 【例 2】C

【例 3】(1) $a(a+2)(a-2)$ (2) $y(y-2)^2$ (3) $8ab(a^2-3b^2c)$ (4) $(a-2)(6-a)$ (5) $(m-n)(m-6)$
(6) $(1+a-b)(1-a+b)$

中考链接:1. C 2. (1) $a(2x+3y)(2x-3y)$ (2) $m(a+b)^2$ 3. (1) $(x-2)(x+4)(x-4)$ (2) $m(m+n)(m-n)$ (3) $(a-b)(a-2)(a+2)$ (4)D

拓展训练:1. $x(x+2)(x-6)$ 2. $(b-c)(a-b)$ 3. 6;1 4. $\frac{1}{2}$

第6课时

典例精析:【例1】D 【例2】(1)D (2)A 【例3】D

中考链接:1. $x \neq -1$ 2. C 3. D 4. A

拓展训练:1. D 2. -4 3. -1 4. $\frac{2a-1}{2a+1}$ 5. B

第7课时

典例精析:【例1】D 【例2】 $\frac{12a}{a-b}$ 【例3】 $3-2\sqrt{2}$

中考链接:1. B 2. $\frac{1}{x-1}$ 3. D 4. (1) $-\frac{y^2}{x}; -\frac{3}{2}$ (2) $\frac{1}{a^2-a}, -4$ 5. B

拓展训练:1. $3b$ 2. $\frac{3}{a+1}$ 3. A 4. $2a-1, 5$ 5. 原式= $\frac{x^2}{3}, x=\pm\sqrt{2}$

第8课时

典例精析:【例1】(1)B (2)5 【例2】(1) $\sqrt{2}$ (2) $\frac{14}{3}$ 【例3】A

中考链接:1. B 2. D 3. A 4. D 5. $\sqrt{2}$

拓展训练:1. B 2. 5 3. -4 4. 原式= $-\frac{1}{ab}$, 原式=1.

专题测试(一)

一、选择题

1. C 2. B 3. B 4. D 5. D 6. B 7. C 8. C 9. C 10. C

二、填空题

11. $x \leq \frac{1}{2}$ 且 $x \neq 0$ 12. -2 13. $2(a-1)^2$ 14. 52 15. 2 16. 丙

三、解答题

17. $\frac{3}{2}$ 18. (1) $\frac{2}{a+1}$ (2) $3(a+1)^2$ 19. $4a^2 - b^2 = 0$

20. (1)A; $10+1, 2(x-3)$ B; $7+1, 4(x-3)$ (2)A种

21. (1)3, -5 (2) $-19 \leq x < -16$ (3) $1+\sqrt{2}, \sqrt{3}+1$

22. (1) $\frac{1}{x-1}$ (2)1

23. (1) $p=5n^2$ (n 为正整数) (2)5 (3)4

第二章 方程与不等式

第9课时

典例精析:【例1】-1 【例2】(1) $-\frac{17}{5}$ (2) $\frac{12}{7}$ (3) $x=5$ 【例3】D

中考链接:1. B 2. 4 3. D 4. 250

拓展训练:1. C 2. B 3. C

4. 解:(1)用电量为210度时,需要交纳 $210 \times 0.52 = 109.2$ 元,用电量为350度时,需要交纳 $210 \times 0.52 +$

$(350-210) \times (0.52+0.05) = 189$ 元,故可得小华家 5 月份的用电量在第二档,设小华家 5 月份的用电量为 x 度,则 $210 \times 0.52 + (x-210) \times (0.52+0.05) = 138.84$,解得: $x = 262$,即小华家 5 月份的用电量为 262 度.

(2)由(1)得,当 $a \leq 109.2$ 时,小华家的用电量在第一档;当 $109.2 < a \leq 189$ 时,小华家的用电量在第二档;当 $a > 189$ 时,小华家的用电量在第三档.

第 10 课时

典例精析:【例 1】B 【例 2】(1) $\begin{cases} x=2, \\ y=2 \end{cases}$ (2)B 【例 3】D 【例 4】-11

中考链接:1. D 2. D 3. D

拓展训练:1. D 2. D 3. 13 4. 黑色文化衫 60 件,白色文化衫 80 件

第 11 课时

典例精析:【例 1】 $a=1$ 【例 2】(1)A (2) $x = -2 \pm \sqrt{5}$ (3) $x_1 = -\frac{2}{3}, x_2 = 2$.

【例 3】(1) $\Delta = [-(m+2)]^2 - 4m \cdot 2 = (m-2)^2 \geq 0$ (2) $m=1$ 或 2

中考链接:1. C 2. -3 3. A 4. B

拓展训练:1. $x_1 = 1 + \sqrt{3}, x_2 = 1 - \sqrt{3}$ 2. 2 3. 1 4. A 5. D

第 12 课时

典例精析:【例 1】 $\frac{3}{2}$ 【例 2】2 【例 3】1

中考链接:1. D 2. A 3. B 4. B 5. (1) $m \leq 5$ (2)4

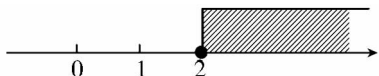
拓展训练:1. (1) $x=2$ 是增根,原方程无解 (2)2 或 1 (3) $-\frac{8}{3}$ 2. -1 3. B 4. 1

5. (1) $k \leq \frac{1}{2}$ (2) $k = -3$

第 13 课时

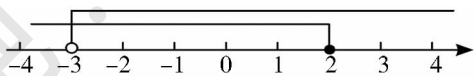
典例精析:【例 1】(1)C (2)D

【例 2】 $x \geq 2$,解集在数轴上的表示如图所示.



【例 3】 $-3 < x \leq 2$

在数轴上表示为:



【例 4】(1)D (2)A

中考链接:1. $x > 7$ 2. B 3. (1) $\frac{5}{3} < x \leq 6$ (2)C 4. $a \geq -3$

拓展训练:1. $< > < >$ 2. D 3. -2 -1 0 1 4. C 5. $a < 4$

第 14 课时

典例精析:【例 1】(1)2.3 (2)28 立方米

【例 2】(1)4.5 元;2 元 (2) $4.5 + (5.5 - 1.5) \times 2 = 12.5$ (元)

中考链接:1. 1. 【解析】(1)由题意可得:在甲批发店购买 30 kg 需要付款: $30 \times 6 = 180$ 元;

在甲批发店购买 150 kg,需要付款: $150 \times 6 = 900$ 元.

在乙批发店购买 30 kg 需要付款: $30 \times 7 = 210$ 元;

在乙批发店购买 150 kg,需要付款: $50 \times 7 + (150 - 50) \times 5 = 850$ 元.

(2)由题意可得 $y_1 = 6x (x > 0), y_2 = \begin{cases} 7x, (0 < x \leq 50) \\ 7 \times 50 + 5(x - 50) = 5x + 100, (x > 50) \end{cases}$

(3) ① $6x=5x+100, x=100$

② 购买甲批发店 120 kg 需要花费 $120 \times 6 = 720$ 元, 购买乙批发店 120 kg 需要花费: $5 \times 120 + 100 = 700$ 元. 故选乙批发店.

③ 在甲店可以购买 $360 = 6x$, 即 $x = 60$, 在乙店可以购买 $360 = 5x + 100$, 即 $x = 52$. 故选甲.

2. 【解析】(1) 设购买甲种树苗 x 棵, 购买乙种树苗 $(2x - 40)$ 棵,

由题意可得, $30x + 20(2x - 40) = 9000, 50x = 9800, x = 196$,

∴ 购买甲种树苗 196 棵, 乙种树苗 352 棵;

(2) 设购买甲树苗 y 棵, 乙树苗 $(10 - y)$ 棵, 根据题意可得, $30y + 20(10 - y) \leq 230, 10y \leq 30, \therefore y \leq 3$;

购买方案 1: 购买甲树苗 3 棵, 乙树苗 7 棵; 购买方案 2: 购买甲树苗 2 棵, 乙树苗 8 棵;

购买方案 3: 购买甲树苗 1 棵, 乙树苗 9 棵; 购买方案 4: 购买甲树苗 0 棵, 乙树苗 10 棵.

第 15 课时

典例精析:【例】(1) 20% (2) 12.5

中考链接: 解: (1) 设该贫困户 2016 年到 2018 年家庭年人均纯收入的年平均增长率为 x ,

依题意, 得: $2500(1+x)^2 = 3600$, 解得: $x_1 = 0.2 = 20\%, x_2 = -2.2$ (舍去),

答: 该贫困户 2016 年到 2018 年家庭年人均纯收入的年平均增长率为 20%.

(2) $3600 \times (1 + 20\%) = 4320$ (元), $4320 > 4200$.

答: 2019 年该贫困户的家庭年人均纯收入能达到 4200 元.

拓展训练: 1. 54 2. $(30 - 2x)(20 - x) = 6 \times 78$ 3. C

专题测试(二)

一、选择题

1. C 2. A 3. A 4. C 5. B 6. B 7. B 8. D 9. C 10. B

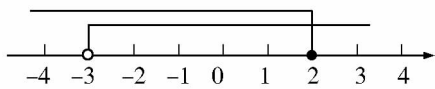
二、填空题

11. $\begin{cases} x = -3, \\ y = -2.5 \end{cases}$ 12. $x_1 = 3, x_2 = -5$ 13. 1 14. 2 15. 30 16. > 1

三、解答题

17. (1) $x = -26$ (2) 先解 $3x - a \leq 0$ 可得: $x \leq \frac{a}{3}$, 考虑整数解的定义, 并结合数轴确定 $\frac{a}{3}$ 允许的范围, 可得 $3 \leq \frac{a}{3} < 4$, 解得 $9 \leq a < 12$.

18. $-3 < x \leq 2$ 解集在数轴上表示为



19. 解方程组, 得 $\begin{cases} x = 8 - m, \\ y = 2m - 6, \end{cases}$ 由题意, 得 $\begin{cases} 8 - m > 0, \\ 2m - 6 > 0, \end{cases}$ 解得 $3 < m < 8$.

20. (1) 购买甲种树苗 300 棵, 乙种树苗 100 棵 (2) 至少应购买甲种树苗 240 棵

21. (1) 等腰三角形, 理由略. (2) 直角三角形, 理由略. (3) $x_1 = 0, x_2 = -1$

22. (1) $m = 1.65, n = 2.48$ (2) 50 吨

23. (1) $y = 6 + \frac{600}{x}$, 不可能 (2) 不存在 (3) 1 或 11.

第三章 函 数

第 16 课时

典例精析:【例 1】 $(-2, -3); (2, 3); (2, -3)$ 【例 2】 $x < 1$ 且 $x \neq 0$

【例 3】(1) $\tan \angle BOA = \frac{1}{2}$ (2) $C(-2, 4) O'(-2, -4) A'(2, -4)$

中考链接:1. (-2,3) 2. C 3. (-1,1) 4. B

拓展训练:1. B 2. A 3. $x \geq -1$ 且 $x \neq 0$ 4. 8

5. (1)由图象可知,对于每一个摆动时间 t , h 都有唯一确定的值与其对应, \therefore 变量 h 是关于 t 的函数;

(2)①由函数图象可知,当 $t=0.7$ s 时, $h=0.5$ m, 它的实际意义是秋千摆动 0.7 s 时, 离地面的高度是 0.5 m; ②由图象可知, 秋千摆动第一个来回需 2.8 s.

第 17 课时

典例精析:【例 1】(1)D (2)A 【例 2】 $x < -2$

【例 3】(1) $y=2x-2$ (2) $y=-3x+2$ (3) $y=-2x+4$ 【例 4】 $\frac{9}{4}$

中考链接:1. A 2. B 3. B 4. B 5. (1) $\begin{cases} k=-1 \\ b=4 \end{cases}$ (2)(2)点 D 的坐标为 $(0, -\frac{4}{3})$

拓展训练:1. $k = \pm \frac{1}{2}$ 2. A 3. $y=x+2$ 或 $y=-x+2$ 4. (1) $\sqrt{2}$ (2)12

第 18 课时

典例精析:【例 1】(1)10 18 (2) $y = \begin{cases} 5x (0 \leq x \leq 2) \\ 4x+2 (x > 2) \end{cases}$ (3)他购买种子的数量是 7 千克

【例 2】(1)440 (2) $y_2=40x-80$ (3)经过 4.4 小时相遇

中考链接:1. A 2. (1)①排尾从位置 O 开始行进的时间为 t (s), 则排头也离开原排头 t (s), $\therefore S_{\text{头}} = 2t + 300$.

②甲从排尾赶到排头的时间为 $300 \div (2v-v) = 300 \div v = 300 \div 2 = 150$ s, 此时 $S_{\text{头}} = 2t + 300 = 600$ m.

甲返回时间为: $(t-150)$ s, $\therefore S_{\text{甲}} = S_{\text{头}} - S_{\text{甲回}} = 2 \times 150 + 300 - 4(t-150) = -4t + 1200$;

因此, $S_{\text{头}}$ 与 t 的函数关系式为 $S_{\text{头}} = 2t + 300$, 当甲赶到排头位置时, 求 S 的值为 600 m, 在甲从排头返回到排尾过程中, $S_{\text{甲}}$ 与 t 的函数关系式为 $S_{\text{甲}} = -4t + 1200$.

$$(2) T = t_{\text{追及}} + t_{\text{返回}} = \frac{300}{2v-v} + \frac{300}{2v+v} = \frac{400}{v},$$

在甲这次往返队伍的过程中队伍行进的路程为: $v \times (T-150) = v \times (\frac{400}{v} - 150) = 400 - 150v$;

因此 T 与 v 的函数关系式为: $T = \frac{400}{v}$, 此时队伍在此过程中行进的路程为 $(400 - 150v)$ m.

拓展训练 1. 18

第 19 课时

典例精析:【例 1】A 【例 2】(1) $k=40$ $m=80$ (2)最少需要 $\frac{2}{3}$ 小时

中考链接:1. A 2. C 3. (1) $-\frac{1}{3}$ (2)B

4. (1)依题意可知, 点 P 的坐标为 $(3, 4)$, 将 $(3, 4)$ 代入 $y = \frac{k}{x}$ 可得 k 的值为 12,

由题意可知, 点 A 的横坐标为 3, 点 B 的纵坐标为 4, 设点 A 的坐标为 $(3, y_0)$, 点 B 的纵坐标为 $(x_0, 4)$,

将 $(3, y_0)$ 代入 $y = \frac{t}{x}$ 可得: $y_0 = \frac{t}{3}$, 将 $(x_0, 4)$ 代入 $y = \frac{t}{x}$ 可得: $4 = \frac{t}{x_0}$, 即 $x_0 = \frac{t}{4}$,

$$\therefore S_{\triangle OPA} = \frac{1}{2} \times PA \times 3, S_{\triangle PAB} = \frac{1}{2} \cdot PA \cdot PB = \frac{1}{2} \cdot PA \cdot (3 - x_0),$$

$$\therefore W = S_{\triangle OPA} - S_{\triangle PAB} = \frac{1}{2} \cdot PA \cdot x_0 = \frac{1}{2} \cdot (4 - \frac{t}{3}) \cdot \frac{t}{4} = -\frac{1}{24}t^2 + \frac{1}{2}t.$$

$$(2) \text{由题(1)可得: } W = -\frac{1}{24}(t^2 - 12t) = -\frac{1}{24}(t-6)^2 + \frac{3}{2}$$

\therefore 当 $t=6$ 时, $\therefore T = \frac{3}{2} + a^2 - a$, 有 $T = (a - \frac{1}{2})^2 + \frac{5}{4}$, \therefore 当 $a = \frac{1}{2}$ 时, $T_{\min} = \frac{5}{4}$. $\therefore T_{\min} = \frac{5}{4}$

5. (1)由题意可知, $OD=x_0, AD=\frac{k}{x_0}$ 又 $S_{\triangle AOD}=2, \therefore \frac{1}{2}OD \cdot AD=2$, 即 $\frac{1}{2}x_0 \cdot \frac{k}{x_0}=2, \therefore k=4$.

当 $x_0=4$ 时, $AD=\frac{4}{x_0}=1$, 点 A 的坐标为 $A(4,1)$.

又点 A 在一次函数 $y=mx+5$ 上, $\therefore 1=4m+5, \therefore m=-1$.

(2)由 $\begin{cases} y=mx+5 \\ y=\frac{4}{x} \end{cases}$ 消去 y , 整理得: $mx^2+5x-4=0, \therefore A$ 的横坐标为 $x_0, \therefore mx_0^2+5x_0-4=0$.

$$mx_0^2+5x_0=4 \cdots \cdots \textcircled{1}$$

又直线 $y=mx+5$ 与 x 轴的交点为 C , 由 $mx+5=0$ 得 $x=-\frac{5}{m}, \therefore OC=-\frac{5}{m}$.

$$OD=x_0, DC=OC-OD=-\frac{5}{m}-x_0, t=OD \cdot DC=x_0(-\frac{5}{m}-x_0)=-\frac{5}{m}x_0-x_0^2.$$

$$\therefore m^2 \cdot t=m^2(-\frac{5}{m}x_0-x_0^2)=-m^2 \cdot x_0^2-5mx_0=-m(mx_0^2+5x_0).$$

由①式得: $m^2 \cdot t=-4m, \therefore -\frac{3}{2}<m<-\frac{5}{4}, \therefore 5<-4m<6$, 即 $5<m^2 \cdot t<6, \therefore [m^2 \cdot t]=5$.

6. (1)设该一次函数表达式为 $y=kx$.

\therefore 该函数过点 $B(2,4)$, 将坐标 $(2,4)$ 代入函数表达式得: $2k=4, \therefore k=2, \therefore$ 该一次函数的表达式为: $y=2x$.

(2)① $\therefore OC=\sqrt{3}AP, \therefore \frac{OC}{AP}=\sqrt{3}, \therefore BO=BA, \therefore \angle BOA=\angle BAO, \therefore CH \perp x$ 轴, $PQ \perp x$ 轴,

$\therefore \angle CHO=\angle PQA=90^\circ, \therefore \triangle OCH \sim \triangle APQ, \therefore \frac{OH}{AQ}=\frac{CH}{PQ}=\frac{OC}{PQ}=\sqrt{3}$.

$\therefore AQ=t, \therefore \frac{OH}{t}=\sqrt{3}, \therefore OH=\sqrt{3}t, \therefore$ 点 C 的横坐标为 $\sqrt{3}t$.

把 $x=\sqrt{3}t$ 代入直线 OB 表达式 $y=2x$ 得: $y=2\sqrt{3}t$.

$\therefore C(\sqrt{3}t, 2\sqrt{3}t), \therefore CH=2\sqrt{3}t$. 又 $\therefore \frac{CH}{PQ}=\frac{OC}{AP}=\sqrt{3}, \therefore PQ=2t$.

根据等腰三角形的对称性, 点 B 坐标 $(2,4), \therefore$ 点 A 与点 O 关于直 $x=2$ 对称.

$\therefore A(4,0), \therefore OQ=4, \therefore OQ=OQ-AQ=4-t, \therefore T=OH^2-S_{\triangle OPQ}=(OH)^2-\frac{1}{2} \cdot OQ \cdot PQ=(\sqrt{3}t)^2-$

$$\frac{1}{2} \times (4-t) \cdot 2t=4t^2-4t.$$

② $T=4t^2-4t=2(t-\frac{1}{2})^2-1$, 当 $t=\frac{1}{2}$ 时, T 有最小值, $\therefore C(\frac{\sqrt{3}}{2}, \sqrt{3})$, 代入表达式 $y=\frac{m}{x}$ 得: $m=\frac{3}{2}$.

拓展训练: 1. D 2. C 3. $(4,1)$ 4. $(1)\sqrt{3}$ (2) $P(0,1)$ 或 $(0,-1)$ 5. 8

第 20 课时

典例精析: 【例 1】 $m=4$ 【例 2】①④ 【例 3】C

中考链接: 1. C 2. (1)C (2) $<$ 3. B 4. ①④

拓展训练: 1. 5 2. $x=-1$ 3. D 4. C 5. B 6. D

第 21 课时

典例精析: 【例 1】 $y=-\frac{1}{4}x^2+\frac{3}{2}x+4$ 【例 2】(1) $y=-x^2+2x+3$ (2) 6

【例 3】(1) $(1,3)$ (2) $y=\frac{5}{6}x^2+\frac{13}{6}x$

中考链接: 1. $a=1, b=-2$ 2. A

3. (1) $(2, \frac{3}{2})$ (2) ① $y=\frac{3}{8}x^2-\frac{3}{2}x$; ② $y=\frac{1}{8}x^2-\frac{1}{2}x-3$ 或 $y=-\frac{1}{2}x^2+2x+\frac{9}{2}$

拓展训练:1. (1) $y=-x^2-2x+1$ (2) $y=2x^2-2x-4$ (3) $y=-x^2+2x+15$

2. A

3. (1) $y=x^2-2x$ (2)顶点坐标为(1,-1),对称轴为直线 $x=1$ (3) $B(3,3)$ 或 $(-1,3)$

4. (1) $c \geq -9$ (2) $c = -5$ (3)证明略.

第 22 课时

典例精析:【例1】第 10 天生产的粽子数量为 280 只.

$$(2)w = \begin{cases} 68x & (0 \leq x \leq 6), \\ 40x + 160 & (6 < x \leq 10), \\ -2x^2 + 52x + 240 & (10 < x \leq 20), \end{cases} \quad \text{第 13 天利润最大,最大利润为 578 元.}$$

中考链接:1. D

2. (1)AD 的长为 10 m;(2)当 $a \geq 50$ 时,S 的最大值为 1 250;当 $0 < a < 50$ 时,S 的最大值为 $50a - \frac{1}{2}a^2$.

拓展训练:1. $y = -\frac{1}{9}(x+6)^2 + 4$

2. (1) $w = -x^2 + 90x - 1800$;(2)当 $x = 45$ 时, w 有最大值,最大值是 225;(3)该商店销售这种双肩包每天要获得 200 元的销售利润,销售单价应定为 40 元.

第 23 课时

典例精析:【例】(1)略 (2) $x_1 \cdot x_2 \cdot x_3$ 的最大值为 $\frac{9}{80}$ (3)抛物线的解析式为 $y = x^2 - 4x + 3$.

中考链接:1. (1) \because 抛物线 $y = x^2 - bx + c$ 经过点 $A(-1,0)$, $\therefore 1 + b + c = 0$,即 $c = -b - 1$.

所以当 $b = 2$ 时, $c = -3$, $\therefore y = x^2 - 2x - 3 = (x-1)^2 - 4$,所以顶点坐标为(1,-4).

(2)由(1)知, $c = -b - 1$,则 $y = x^2 - bx - 1$,因为点 (b, y_D) 在抛物线 $y = x^2 - bx - 1$ 上,

所以 $y_D = b^2 - b \cdot b - 1 = -1$, $\therefore b > 0$, $\therefore -b - 1 < 0$.

\therefore 点 D 在第四象限且在抛物线对称轴 $x = \frac{b}{2}$ 的右侧,

如图,过点 D 作 $DE \perp x$ 轴,则 $E(b,0)$, $\therefore AE = b + 1$, $DE = b + 1$ 即 $AE = DE$, \therefore

在 $\text{Rt}\triangle ADE$ 中, $\angle ADE = \angle DAE = 45^\circ$, $\therefore AD = \sqrt{2}AE$.

又 $\because AM = AD$, $m = 5$, $\therefore b = 3\sqrt{2} - 1$.

(3) \because 点 $Q(b + \frac{1}{2}, y_Q)$ 在抛物线 $y = x^2 - b - 1$ 上, $\therefore y_Q = -\frac{b}{2} - \frac{3}{4}$,

则点 $Q(b + \frac{1}{2}, -\frac{b}{2} - \frac{3}{4})$ 在第四象限,且在直线 $x = b$ 的右侧,

$\therefore \sqrt{2}AM + 2QM = 2(\frac{\sqrt{2}}{2}AM + QM)$,可取点 $N(0,1)$.

如图所示,过点 Q 作直线 AN 的垂线.垂足为 G,QG 与 x 轴相交于点 M,有 $\angle GAM = 45^\circ$,得 $\frac{\sqrt{2}}{2}AM = GM$,则此时点 M 满足题意.

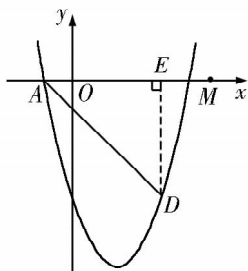
过点 Q 作 $QH \perp x$ 轴于点 H,则点 $H(b + \frac{1}{2}, 0)$,在 $\text{Rt}\triangle MQH$ 中,可知 $\angle QNH = \angle MQH = 45^\circ$, $\therefore QH = MH$, $QM = \sqrt{2}MH$, \therefore 点 $M(m,0)$, $\therefore m = \frac{b}{2} - \frac{1}{4}$. 因为 $\sqrt{2}AM + 2QM = \frac{33\sqrt{2}}{4}$. $\therefore b = 4$.

2. (1)顶点坐标为 $(1, -\frac{1}{4})$ (2)略

(3) \because 抛物线与 x 轴交于 A, B 两点(A 点在 B 点左侧),令 $y = 0$ 得: $x^2 - (2k+1)x + k^2 + k = 0$, $(x-k)(x-k-1) = 0$, $x_1 = k, x_2 = k+1$. $\therefore A(k,0), B(k+1,0)$,

$AB = k+1 - k = 1, OA = k, OB = k+1$ ①,

\because 抛物线与 y 轴交于 C 点, $\therefore C(0, k^2 + k)$, $\therefore OC = k^2 + k$, $\therefore \frac{OC}{OB} = \frac{k^2 + k}{k+1} = k$.



因此 $OP=1$, 故 P 的坐标为 $P(0, -1)$, 而 $\frac{OA}{OP} = \frac{k}{1} = k, \therefore \frac{OC}{OB} = \frac{OA}{OP}$.

又 $\because \angle COB = \angle AOP = 90^\circ, \therefore \triangle COB \sim \triangle AOP$.

因此 $\angle OPA = \angle OBC, \therefore \angle OCB = \angle OBC = \angle 90^\circ, \therefore \angle PQC = 90^\circ, \therefore PQ \perp BC$,

$\therefore \angle OPA = \angle ABQ$, 且 $\angle POA = \angle BQA = 90^\circ, \therefore \triangle OPQ \sim \triangle QBA. \therefore \frac{AQ}{AB} = \frac{OA}{AP}$.

在直角三角形 AOP 中, $OA=k, OP=1, \therefore AP = \sqrt{OA^2 + OP^2} = \sqrt{k^2 + 1}$,

由 $\frac{AQ}{AB} = \frac{OA}{AP}$, 即 $\frac{AQ}{1} = \frac{k}{\sqrt{k^2 + 1}}$, 故 $\frac{1}{AQ^2} = \frac{k^2 + 1}{k^2}$,

又由①可知 $\frac{1}{2B^2} + \frac{1}{OA^2} = 1 + \frac{1}{k^2} = \frac{k^2 + 1}{k^2}, \therefore \frac{1}{AB^2} + \frac{1}{OA^2} = \frac{1}{AQ^2}$.

3. (1) 将 $b=1$ 代入表达式得 $y = -x^2 + x + c + 1, \therefore a = -1, b = 1. \therefore$ 对称轴的方程为 $x = -\frac{b}{2a} = \frac{1}{2}$.

(2) 将 $c = -\frac{1}{4}b^2 - 2b$ 代入表达式 $y = -x^2 + bx + c + 1$ 得 $y = -x^2 + bx - \frac{1}{4}b^2 - 2b + 1$,

\therefore 二次函数的图象与 x 轴相切, $\therefore \Delta = 0$.

即 $b^2 - 4ac = b^2 - 4 \times (-1) \cdot (-\frac{1}{4}b^2 - 2b + 1) = -8b + 4 = 0$. 解得 $b = \frac{1}{2}$.

(3) \therefore 抛物线与 y 轴交于点 M , 令 $x=0$ 解得 $y=c+1. \therefore M$ 为 $(0, c+1). \therefore OM = c+1$.

\therefore 抛物线 $y = -x^2 + bx + c + 1$ 与 x 轴交于 $A(x_1, 0), B(x_2, 0)$ 两点, 且 $x_1 < x_2$,

$\therefore OA = |x_1| = -x_1, OB = x_2, x_1 \cdot x_2 = -(c+1). \quad \textcircled{1}$

\therefore 点 M 在以 AB 为直径的圆上, $\therefore \angle AMB = 90^\circ, \therefore \angle AMB = \angle AOM = 90^\circ$,

$\therefore \angle MAB + \angle MBA = \angle OMB + \angle MBA, \therefore \angle MAB = \angle OMB, \therefore \text{Rt}\triangle MAO \sim \text{Rt}\triangle BMO$.

$\therefore \frac{AO}{MO} = \frac{MO}{BO}$, 即 $MO^2 = AO \cdot BO. \therefore (c+1)^2 = -x_1 \cdot x_2 \quad \textcircled{2}$

由①②可知 $(c+1)^2 = -(c+1)$, 解得 $c=0$ 或 $c=-1$ (舍).

过点 D 作 $DH \perp BM$ 于 $H, \therefore \angle DHB = 90^\circ, \therefore \angle FME = 180^\circ - \angle AMB = 90^\circ, \therefore \angle DHE = \angle FME$.

$\therefore \angle MEF = \angle HED, \therefore \triangle DHE \sim \triangle FME, \therefore \frac{DH}{FM} = \frac{DE}{FE} = \frac{1}{3}$.

$\therefore FM = 3DH. \therefore AM \perp BM, DH \perp BM, \therefore DH \parallel AM$.

\therefore 圆心 D 为直径 AB 的中点, $\therefore \frac{DH}{AM} = \frac{BD}{AB} = \frac{1}{2}, \therefore AM = 2DH$.

$\therefore \frac{AM}{MF} = \frac{2DH}{3DH} = \frac{2}{3}. \therefore OM \parallel l, \therefore \frac{AO}{DO} = \frac{AM}{MF} = \frac{2}{3}$.

$\therefore OD = \frac{3}{2}OA, \therefore AD = AO + OD = \frac{5}{2}OA$.

$\therefore AD = BD, \therefore BD = \frac{5}{2}OA$.

$\therefore OB = OD + DB = \frac{3}{2}OA + \frac{5}{2}OA = 4OA. \therefore \frac{AO}{BO} = \frac{1}{4}, \therefore OB = 4OA$.

$\therefore x_2 = -4x_1 \quad \textcircled{3} \quad \therefore x_1 \cdot x_2 = -(c+1) = -1 \quad \textcircled{4}$

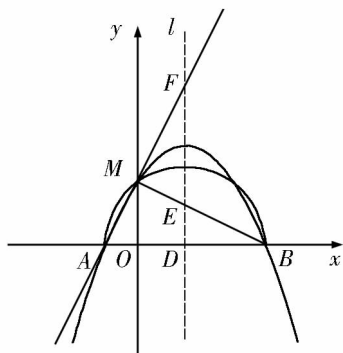
将③代入④式得 $-4x_1^2 = -1, \therefore x_1 = -\frac{1}{2}$ 或 $\frac{1}{2}$ (舍). $\therefore x_2 = -4 \times (-\frac{1}{2}) = 2$.

又 $\therefore x_1 + x_2 = b, \therefore b = 2 - \frac{1}{2} = \frac{3}{2}. \therefore$ 抛物线的解析式为 $y = -x^2 + \frac{3}{2}x + 1$.

4. (1) 由题意可知, 该抛物线的对称轴为 $x = -\frac{b}{2a} = -\frac{-5\sqrt{3}}{2a} = \frac{5\sqrt{3}}{2a}$.

已知该抛物线的对称轴是 $x = \sqrt{3}$,

$\therefore \frac{5\sqrt{3}}{2a} = \sqrt{3}, \therefore a = \frac{5}{2}$ (2) 若 $a=15$, 则该抛物线解析式为 $y = 15x^2 - 5\sqrt{3}x + c$,



由题意可知,抛物线与 x 轴有两个不同的交点, $\therefore \Delta > 0$.

即 $\Delta = b^2 - 4ac = (-5\sqrt{3})^2 - 4 \times 15 \cdot c > 0$, 解得: $c < \frac{5}{4}$.

$\therefore c$ 的取值范围是 $c < \frac{5}{4}$ (3) 由题意可知: $x_1 + x_2 = \frac{5\sqrt{3}}{a} \dots\dots ①$

$x_1 \cdot x_2 = \frac{c}{a} \dots\dots ②$

$OD = c$, 又 $\angle OBD = 60^\circ$, $\tan \angle OBD = \frac{OD}{OB}$, 即 $\sqrt{3} = \frac{c}{x_2}$, 得 $x_2 = \frac{\sqrt{3}}{3}c$, 代入 ② 式得:

$x_1 \cdot \frac{\sqrt{3}}{3}c = \frac{c}{a}$, $\therefore x_1 = \frac{\sqrt{3}}{a}$ 代入 ① 式得: $\frac{\sqrt{3}}{a} + x_2 = \frac{5\sqrt{3}}{a} \therefore x_2 = \frac{4\sqrt{3}}{a}$.

$AB = x_2 - x_1 = \frac{3\sqrt{3}}{a}$, $AE = \frac{AB}{2} = \frac{3\sqrt{3}}{2a}$.

作 $AM \perp BD$ 于点 M , 在 $\text{Rt}\triangle ABM$ 中, $\because \angle OBD = 60^\circ$,

$\therefore BM = \frac{1}{2}AB = AE = \frac{3\sqrt{3}}{2a}$, $AM = \sqrt{3}BM = \frac{9}{2a}$.

又 $\because BD = 2BO = 2x_2 = \frac{8\sqrt{3}}{a}$, 又 $\because \angle AMD = \angle AEF = 90^\circ$, $\angle ADB = \angle AFE$, $\therefore \text{Rt}$

$\triangle AEF \sim \text{Rt}\triangle AMD$.

$\therefore \frac{AE}{AM} = \frac{EF}{MD}$, $\therefore DM = BD - BM = \frac{8\sqrt{3}}{a} - \frac{3\sqrt{3}}{2a} = \frac{13\sqrt{3}}{2a}$.

又 $\because EF = 3 + \frac{1}{2a}$, $\therefore \frac{\frac{3\sqrt{3}}{2a}}{\frac{9}{2a}} = \frac{3 + \frac{1}{2a}}{\frac{13\sqrt{3}}{2a}}$, 解得: $a = 2 \therefore x_1 = \frac{\sqrt{3}}{2}$, $x_2 = 2\sqrt{3}$.

将 $x_1 = \frac{\sqrt{3}}{2}$, $x_2 = 2\sqrt{3}$ 代入 ② 式得: $c = 6$. \therefore 该抛物线的解析式为 $y = 2x^2 - 5\sqrt{3}x + 6$.

5. (1) ① 解法一: $\because a = 1, b = -2, c = -1$, $-\frac{b}{2a} = -\frac{-2}{2 \times 1} = 1$, $\frac{4ac - b^2}{4a} = \frac{4 \times 1 \times (-1) - (-2)^2}{4 \times 1} = -2$.

\therefore 该二次函数图像的顶点坐标为 $(1, -2)$.

解法二: 由题意可知, 该抛物线表达式为 $y = x^2 - 2x - 1$, 配方得: $y = (x - 1)^2 - 2$.

\therefore 该二次函数图像的顶点坐标为 $(1, -2)$.

② 当 $y = x$ 时, $x^2 - 2x - 1 = x$, $x^2 - 3x - 1 = 0$.

$\Delta = b^2 - 4ac = (-3)^2 - 4 \times 1 \times (-1) > 0$, \therefore 该二次函数 $y = ax^2 + bx + c$ 有两个不动点.

(2) $\because b = \frac{1}{2}c^3$, $\therefore y = ax^2 + \frac{1}{2}c^3x + c$, $\therefore x_1 + x_2 = -\frac{b}{a} = -\frac{c^3}{2a}$, $x_1x_2 = \frac{c}{a}$.

当 $x = 0$ 时, 代入 $y = ax^2 + \frac{1}{2}c^3x + c$ 得: $y = c$. $\therefore C(0, c)$, 又 $E(1, 0)$, 在 $\text{Rt}\triangle OEC$ 中, $CE = \sqrt{OE^2 + OC^2} = \sqrt{1 + c^2}$.

$\because OD = OC$, $\therefore O$ 为 CD 中点, $\because FD \parallel AB$, $\therefore OE$ 为 $\triangle DCF$ 的中位线,

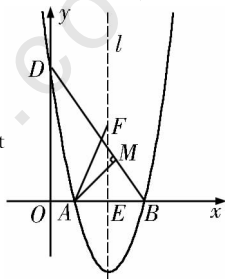
$\therefore EF = CD = \sqrt{1 + c^2}$, $\therefore FC = 2\sqrt{1 + c^2}$, $\therefore \angle AFC = \angle ABC$, $\angle AEF = \angle CEB$,

$\therefore \triangle AEF \sim \triangle CEB$, $\therefore \frac{AE}{CE} = \frac{EF}{BE}$, $\therefore \frac{1 - x_1}{\sqrt{1 + c^2}} = \frac{\sqrt{1 + c^2}}{x_2 - 1}$.

$\therefore x_1 + x_2 - x_1x_2 = 2 + c^2$, $\therefore -\frac{c^3}{2a} - \frac{c}{a} = 2 + c^2$.

$\therefore c = -2a$, $\because \angle AFC = \angle ABC$, $\angle P = \angle P$, $\therefore \triangle PFC \sim \triangle PBA$, $\therefore \frac{FC}{AB} = \frac{PC}{PA}$, $\therefore \frac{PC}{PA} = \frac{\sqrt{5}}{\sqrt{5a^2 + 1}}$,

$\therefore \frac{2\sqrt{1 + c^2}}{\sqrt{(x_1 + x_2)^2 - 4x_1x_2}} = \frac{\sqrt{5}}{\sqrt{5a^2 + 1}}$.



把 $x_1 + x_2 = -\frac{b}{a} = -\frac{c^3}{2a}$, $x_1 x_2 = \frac{c}{a}$, $c = -2a$ 代入得: $a = \pm 1$.

$\because a > 0, \therefore a = 1, \therefore c = -2, b = -4. \therefore$ 二次函数表达式为 $y = x^2 - 4x - 2$.

专题测试(三)

一、选择题

1. C 2. B 3. A 4. B 5. D 6. A 7. A 8. C 9. C 10. B

二、填空题

11. (3, 1) 12. $x < -2$ 13. $1 < x < 4$ 或 $x < 0$ 14. $-4\sqrt{3}$ 15. $x > \frac{1}{2}$ 16. ①③④

三、解答题

17. (1) 解析式为 $y = -x + 4$ (2) 三角形的面积为 8

18. (1) $x = 1$ (1, 3) (2) 略

(3) 因为在对称轴 $x = 1$ 右侧, y 随 x 的增大而减小, 又 $x_1 > x_2 > 1$, 所以 $y_1 < y_2$.

19. (1) 一次函数的解析式为 $y = -2x - 3$, 反比例函数的解析式为 $y = -\frac{2}{x}$;

(2) $B(\frac{1}{2}, -4)$, 当 $-2 < x < 0$ 或 $x > \frac{1}{2}$ 时, 一次函数的函数值小于反比例函数的函数值.

20. (1) $y = \begin{cases} -2x^2 + 180x + 2000 (1 \leq x < 50), \\ -120x + 12000 (50 \leq x \leq 90); \end{cases}$

(2) 销售该商品第 45 天时, 当天的销售利润最大, 最大利润为 6 050 元;

(3) 该商品在销售过程中, 共有 41 天每天销售利润不低于 4 800 元.

21. (1) $y = \frac{1}{2}x^2 - x$ (2) $BC = \sqrt{13} - 2$ (3) $m = \frac{1}{16}n^2 - \frac{1}{4}n$

22. (1) $A(12, 4\sqrt{3})$ OA 的解析式为 $y = \frac{\sqrt{3}}{3}x$;

(2) 抛物线的解析式为 $y = -\frac{4}{27}(x-9)^2 + 12$ 或 $y = -\frac{4}{27}x^2 + \frac{8}{3}x$;

(3) 小明这一杆不能把高尔夫球从 O 点直接打入球洞 A 点.

23. (1) $\angle PCB = 30^\circ$ (2) $b = \sqrt{3}, c = 1$, 说明略.

(3) ① DE 是平行四边形对角线时 $M(\frac{\sqrt{3}}{2}, 0), N(0, 1)$

② DE 是平行四边形边时 $M(\sqrt{3}, 0), N(0, -1)$ 或 $M(-\sqrt{3}, 0), N(0, 1)$

第四章 三角形

第 24 课时

典例精析:【例 1】(1)B (2)C 【例 2】 50° 【例 3】 121°

中考链接: 1. 140° 2. 3 3. C 4. C

拓展训练: 1. C 2. A 3. B 4. 140° 5. C

第 25 课时

典例精析:【例 1】B 【例 2】A 【例 3】A

中考链接: 1. 5 2. C 3. A 4. A

拓展训练: 1. 80 2. A 3. 100 4. B 5. (1) $\angle CBE = 65^\circ$ (2) $\angle F = 25^\circ$

第 26 课时

典例精析:【例 1】C 【例 2】略

3. (1) $\because AB \parallel DC, \therefore \angle A = \angle C$, 在 $\triangle ABE$ 与 $\triangle CDF$ 中 $\begin{cases} \angle A = \angle C \\ AB = CD \\ \angle B = \angle D \end{cases} \therefore \triangle ABE \cong \triangle CDF (ASA);$

(2) \because 点 E, G 分别为线段 FC, FD 的中点, $\therefore ED = \frac{1}{2}CD, \because EG = 5, \therefore CD = 10,$

$\because \triangle ABE \cong \triangle CDF, \therefore AB = CD = 10.$

4. (1) $\because AC = AD + DC, DF = DC + CF$, 且 $AD = CF, \therefore AC = DF,$

在 $\triangle ABC$ 和 $\triangle DEF$ 中, $\begin{cases} AB = DE \\ BC = EF \\ AC = DF \end{cases} \therefore \triangle ABC \cong \triangle DEF (SSS).$

(2) 由(1)可知, $\angle F = \angle ACB, \because \angle A = 55^\circ, \angle B = 88^\circ, \therefore \angle ACB = 180^\circ - (\angle A + \angle B) = 180^\circ - (55^\circ + 88^\circ) = 37^\circ. \therefore \angle F = \angle ACB = 37^\circ.$

拓展训练: 1. 证明: $\because AB \parallel CD, \therefore \angle BAC = \angle ECD,$

在 $\triangle ABC$ 和 $\triangle CED$ 中, $\begin{cases} AB = CE \\ \angle BAC = \angle ECD \\ AC = CD \end{cases} \therefore \triangle ABC \cong \triangle CED (SAS), \therefore \angle B = \angle E.$

2. B 3. 略 4. 略

第 27 课时

典例精析: 【例 1】(1)C (2)D

【例 2】(1)略 (2)OA 垂直平分 BC

【例 3】 $\frac{4\sqrt{3}}{3}$ 或 $4\sqrt{3}$ 或 4

【例 4】A

中考链接: 1. C 2. $\frac{\sqrt{3}}{4}a^2$ 3. D 4. C

拓展训练: 1. B 2. A 3. (1)AC 与 BD 互相垂直平分, 证明略 (2) $BD = 3\sqrt{3}$

4. (1) 30° (2)4

第 28 课时

典例精析: 【例 1】4 或 $\sqrt{34}$

【例 2】36 (连接 AC, 先证明 $\angle CAD = 90^\circ, S = \frac{1}{2} \times 3 \times 4 + \frac{1}{2} \times 5 \times 12 = 36)$

【例 3】6 或 $2\sqrt{5}$ 或 $4\sqrt{5}$

中考链接: 1. 3 2. B 3. $\frac{12}{5}$ 4. (1)D (2)4 5. C

拓展训练: 1. A 2. C 3. 10 4. C

第 29 课时

典例精析: 【例 1】(1)略 (2)75 度

【例 2】(1)证明: $\because DF \parallel BC, \angle ACB = 90^\circ, \therefore \angle CFD = 90^\circ.$

$\because CD \perp AB, \therefore \angle AEC = 90^\circ,$

在 $Rt\triangle AEC$ 和 $Rt\triangle DFC$ 中, $\angle AEC = \angle CFD = 90^\circ, \angle ACE = \angle DCF, DC = AC,$

$\therefore Rt\triangle AEC \cong Rt\triangle DFC, \therefore CE = CF.$

$\therefore DE = AF$, 而 $\angle AGF = \angle DGE, \angle AFG = \angle DEG = 90^\circ, \therefore Rt\triangle AFG \cong Rt\triangle DEG, \therefore GF = GE.$

(2)解: 在 $Rt\triangle AEC$ 中, $\angle A = 30^\circ, \therefore CE = \frac{1}{2}AC = \frac{1}{2}DC, \therefore CE = ED, \therefore BC = BD.$

又 $\angle ECB = \angle A = 30^\circ$, $\angle CEB = 90^\circ$, $BD = 1$,

$$\therefore BE = \frac{1}{2}BC = \frac{1}{2}BD = \frac{1}{2}, \therefore CE = \frac{\sqrt{3}}{2}, \therefore CD = 2CE = \sqrt{3}, \therefore DF = \sqrt{CD^2 - CF^2} = \frac{3}{2}.$$

【例 3】C 【例 4】 $\sqrt{a^2 + b^2}$

中考链接: 1. 6 2. $\frac{\sqrt{19}}{2}$ 3. 略.

拓展训练: 1. C 2. 8

3. (1) $\triangle ABC$ 是等腰三角形; 理由略.

(2) 方程有两个相等的实数根, $\Delta = 0$, 所以 $\triangle ABC$ 是直角三角形;

(3) 当 $\triangle ABC$ 是等边三角形时, $x_1 = 0, x_2 = -1$. 4. (1) $\angle ABE = \angle ACD$ (2) 略

专题测试(四)

一、选择题

1. C 2. B 3. B 4. B 5. A 6. A 7. B 8. D 9. A 10. A

二、填空题

11. ASA 12. ① 13. 15° 14. 115° 15. 2 16. $16\sqrt{2}$

三、解答题

17. 略 18. 32° 19. (1) 略 (2) 100 度

20. 由题意知 $\triangle ACD \cong \triangle ABD \cong \triangle ABE$, 得 $AE = AD$, 再证 $\triangle AEN \cong \triangle ADM$, 得 $AM = AN$.

21. 证明: 延长 AD 到 M , 使 $FD = MD$, 连接 CM .

$\because AD$ 是 BC 边上的中线, $\therefore BD = CD$. $\because FD = MD$, $\angle BDF = \angle CDM$,

$\therefore \triangle BFD \cong \triangle CMD$ (SAS), $\therefore CM = BF$, $\angle M = \angle BFD$. $\because \angle AFE = \angle BFD$,

$\therefore \angle M = \angle AFE$. $\because AE = EF$, $\therefore \angle FAE = \angle AFE$, $\therefore \angle M = \angle FAE$, $\therefore CM = AC$, $\therefore BF = AC$.

22. 略

23. (1) 略 (2) $EF = 7$

第五章 四边形

第 30 课时

典例精析: 【例 1】 300° 【例 2】略 【例 3】略

中考链接: 1. A 2. C 3. 360 4. (1) D (2) C (3) 48° (4) 6 (5) 66°

拓展训练: 1. 1800° 2. 8 或 3 3. B 4. (1) 略 (2) 6 5. (1) 略 (2) $\frac{15}{4}$

第 31 课时

典例精析: 【例 1】(1) 略 (2) $24\sqrt{3}$ 【例 2】D 【例 3】(1) 略 (2) $2\sqrt{2} + 2\sqrt{6}$

中考链接: 1. (1) $\frac{5}{2}$ (2) C 2. B 3. A

拓展训练: 1. C 2. A 3. 12 4. 7 5. (1) 略 (2) $\angle ABE = 30^\circ$

第 32 课时

典例精析: 【例 1】(1) 利用 ASA 证明 (2) 当 $\angle DOE = 90^\circ$ 时, 四边形 $BFED$ 为菱形. 证明略.

【例 2】略

【例 3】(1) 垂直关系 (2) 利用一组邻边相等的矩形是正方形证明即可

中考链接: 1. (1) 在矩形 $ABCD$ 中, $\because AD \parallel BC$, $\therefore \angle AEB = \angle DAF$,

又 $\because DF \perp AE$, $\therefore \angle DFA = 90^\circ$, $\therefore \angle DFA = \angle B$, 又 $\because AD = EA$, $\therefore \triangle ADF \cong \triangle EAB$, $\therefore DF = AB$.

(2) $\because \angle ADF + \angle FDC = 90^\circ$, $\angle DAF + \angle ADF = 90^\circ$, $\therefore \angle FDC = \angle DAF = 30^\circ$, $\therefore AD = 2DF$,

$$\because DF=AB, \therefore AD=2AB=8.$$

2. (1) 证明: \because 四边形 $ABCD$ 是正方形, $\therefore AB=AD$.

在 $\text{Rt}\triangle ABM$ 和 $\text{Rt}\triangle ADN$ 中, $\begin{cases} AB=AD \\ AM=AN(\text{已知}) \end{cases}, \therefore \text{Rt}\triangle ABM \cong \text{Rt}\triangle ADN(\text{HL}).$

(2) 由(1)可知: $\text{Rt}\triangle ABM \cong \text{Rt}\triangle ADN, \therefore \angle MAB = \angle DAN$.

在正方形 $ABCD$ 中, $\angle DAB = 90^\circ$, 即 $\angle MAB + \angle MAD = 90^\circ. \therefore \angle DAN + \angle MAD = 90^\circ$, 即 $\angle MAN = 90^\circ$.

又 $\because \angle AND = 90^\circ, \therefore \angle AND + \angle MAN = 180^\circ, \therefore AM \parallel ND. \therefore \angle NDT = \angle MAT, \angle DNT = \angle AMT$.

$$\therefore \triangle NDT \sim \triangle MAT. \text{ 又 } \because AT = \frac{1}{4}AD, \therefore DT = AD - AT = AD - \frac{1}{4}AD = \frac{3}{4}AD.$$

$$\therefore \frac{AM}{DN} = \frac{AT}{DT} = \frac{1}{3}. \text{ 由(1)可知: } BM = DN, \therefore \frac{AM}{BM} = \frac{1}{3}, \text{ 即 } \tan \angle ABM = \frac{1}{3}.$$

3. 3. 证明: (1) \because 四边形 $ABCD$ 是正方形, $\therefore \angle D = \angle ECQ = 90^\circ, \therefore E$ 是 CD 的中点, $\therefore DE = CE$,

又 $\because \angle DEP = \angle CEQ, \therefore \triangle PDE \cong \triangle QCE(\text{ASA}).$

(2) ① $\because PB = PQ, \therefore \angle PBQ = \angle Q, \therefore AD \parallel BC, \therefore \angle APB = \angle PBQ = \angle Q = \angle EPD,$

$\therefore \triangle PDE \cong \triangle QCE, \therefore PE = QE, \therefore EF \parallel BQ, \therefore PF = BF,$

\therefore 在 $\text{Rt}\triangle PAB$ 中, $AF = PF = BF, \therefore \angle APF = \angle PAF, \therefore \angle PAF = \angle EPD,$

$\therefore PE \parallel AF, \therefore EF \parallel BQ \parallel AD, \therefore$ 四边形 $AFEP$ 是平行四边形;

② 当 $AP = \frac{5}{8}$ 时, 四边形 $AFEP$ 是菱形. 设 $AP = x$, 则 $PD = 1 - x$,

若四边形 $AFEP$ 是菱形, 则 $PE = PA = x, \therefore CD = 1, E$ 是 CD 中点,

$$\therefore DE = \frac{1}{2}, \text{ 在 } \text{Rt}\triangle PDE \text{ 中, 由 } PD^2 + DE^2 = PE^2 \text{ 得 } (1-x)^2 + (\frac{1}{2})^2 = x^2,$$

解得 $x = \frac{5}{8}$, 即当 $AP = \frac{5}{8}$ 时, 四边形 $AFEP$ 是菱形.

拓展训练: 1. B 2. 2 3. C 4. 略

专题测试(五)

一、选择题

1. A 2. C 3. D 4. B 5. D 6. D 7. A 8. B 9. C 10. B

二、填空题

11. 9 12. 5

13. 答案不唯一, 如 $AB \parallel CD$ 或 $AD = BC$ 或 $\angle A + \angle D = 180^\circ$ 或 $\angle B + \angle C = 180^\circ$

14. $\angle A = 90^\circ$ 或 $\angle B = 90^\circ$ 或 $\angle C = 90^\circ$ 或 $\angle D = 90^\circ$ 或 $AC = BD$ (答案不唯一)

15. 120° 16. $\frac{17}{2}$

三、解答题

17. (1) 略 (2) $\angle DAE = 50^\circ$

18. (1) 略 (2) 当 $AB = BC$ 时, 四边形 $BDEF$ 是菱形.

19. 略 20. 略

21. (1) 略 (2) 当 $\angle B = 30^\circ$ 时, 四边形 $ACEF$ 是菱形. 证明略

22. (1) 略 (2) 四边形 A_1BCE 是菱形.

23. (1) 由折叠可知 $EF \perp AC, AO = CO, \therefore AD \parallel BC, \therefore \angle EAO = \angle FCO, \angle AEO = \angle CFO,$
 $\therefore \triangle AOE \cong \triangle COF, \therefore EO = FO, \therefore$ 四边形 $AFCE$ 是菱形.

(2) 由(1)得 $AF = AE = 10$, 设 $AB = a, BF = b$, 得 $a^2 + b^2 = 100$ ①, $ab = 48$ ②,

① + 2 × ② 得 $(a + b)^2 = 196$, 得 $a + b = 14$ (另一负值舍去), $\therefore \triangle ABF$ 的周长为 24 cm.

(3) 存在, 过点 E 作 AD 的垂线交 AC 于点 P , 则点 P 符合题意.

$\because \angle AEP = \angle AOE = 90^\circ, \angle EAP = \angle OAE, \therefore \triangle AOE \sim \triangle AEP,$

$$\therefore \frac{AO}{AE} = \frac{AE}{AP}, \text{ 得 } AE^2 = AO \cdot AP, \text{ 即 } 2AE^2 = 2AO \cdot AP. \text{ 又 } AC = 2AO, \therefore 2AE^2 = AC \cdot AP.$$

第六章 相似形

第 33 课时

典例精析:【例 1】 $\frac{11}{7}$ 【例 2】D 【例 3】B

中考链接:1. C 2. 4 : 9 3. C 4. D 5. (1) $\sin B = \frac{2\sqrt{13}}{13}$ (2) $DE = 5$

拓展训练:1. C 2. D 3. $\frac{13}{4}$ 4. 直角三角形 5. D

第 34 课时

典例精析:【例 1】C 【例 2】 $\frac{\sqrt{5}-1}{2}, \frac{\sqrt{5}+1}{4}$

【例 3】(1)1 (2)当 $PA = \frac{1}{2}$ 时, $\triangle PFD \sim \triangle BFP$

中考链接:1. C 2. B 3. D

4. (1) $\because AB=AC, BD=CD, \therefore AD \perp BC, \angle B = \angle C. \because DE \perp AB, \therefore \angle DEB = \angle ADC, \therefore \triangle BDE \sim \triangle CAD.$

(2) $\because AB=AC, BD=CD, \therefore AD \perp BC.$ 在 $\text{Rt}\triangle ADB$ 中, $AD = \sqrt{AB^2 - BD^2} = \sqrt{13^2 - 5^2} = 12,$

$\therefore \frac{1}{2} \cdot AD \cdot BD = \frac{1}{2} \cdot AB \cdot DE, \therefore DE = \frac{60}{13}.$

5. (1) 证明: \because 四边形 $ABCD$ 是正方形, $\therefore OC=OD, \angle DOC=90^\circ, \therefore \angle COE + \angle EOD = 90^\circ.$

\because 四边形 $OEFG$ 是正方形. $\therefore OE=OG, \angle EOG=90^\circ.$

$\therefore \angle GOD + \angle EOD = 90^\circ, \therefore \angle COE = \angle GOD.$

在 $\triangle EOC$ 和 $\triangle GOD$ 中, $\begin{cases} OC=OD \\ \angle EOC = \angle GOD, \therefore \triangle EOC \cong \triangle GOD. \\ OE=OG \end{cases}$

(2) \because 正方形 $ABCD$ 边长为 2. $\therefore AD=2, \therefore AM = \frac{1}{2}, \therefore DM = AD - AM = 2 - \frac{1}{2} = \frac{3}{2}.$

\because 四边形 $ABCD$ 为正方形, $\therefore OD=OA, \angle AOD=90^\circ, \therefore \triangle AOD$ 为等腰 $\text{Rt}\triangle AOD.$

$\because AD=2, \therefore OA=OD=\sqrt{2}, \therefore$ 四边形 $ABCD$ 为正方形, $\therefore AC \perp BD, \therefore DG \perp BD, \therefore AO \parallel DG.$

$\therefore \triangle OMA \sim \triangle GMD, \therefore \frac{OA}{DG} = \frac{AM}{DM}, \therefore \frac{AM}{DM} = \frac{\frac{1}{2}}{\frac{3}{2}} = \frac{1}{3}.$

$\therefore \frac{\sqrt{2}}{DG} = \frac{1}{3}, \therefore DG = 3\sqrt{2}, \therefore DG \perp BD.$

在 $\text{Rt}\triangle GOD$ 中, $OG^2 = \sqrt{OD^2 + GD^2} = \sqrt{20} = 2\sqrt{5}.$ 即正方形 $OEFG$ 的边长为 $2\sqrt{5}.$

拓展训练:1. 9 : 1 2. C 3. 略

第七章 解直角三角形

第 35 课时

典例精析:【例 1】(1) $8, 4\sqrt{3}$ (2) $12, 8\sqrt{2}$ 【例 2】0 【例 3】(1)4 (2) $\frac{\sqrt{2}}{2}$

中考链接:1. 75° 2. A 3. D 4. D

拓展训练:1. C 2. 4 3. 75° 4. A 5. $12 - 4\sqrt{3}$

第 36 课时

典例精析:【例 1】略 【例 2】提示:过 A 作 $AD \perp BC$ 【例 3】 $6+2\sqrt{3}$

中考链接:1. D 2. B 3. $\frac{1}{3}$ 4. $\sqrt{3}+1$

拓展训练:1. C 2. C 3. C 4. A

第 37 课时

典例精析:【例 1】A

【例 2】(1)周长约 55 千米,面积约 157 平方千米 (2) $\cos \angle ACD = \frac{1}{5}$

中考链接:1. $AC=10, AB=8+6\sqrt{3}$ 2. (1)点 H 到桥左端点 P 的距离 250 米 (2)这架无人机的长度为 5 米

3. (1)作 $MD \perp l_3$ 于点 D, \therefore 点 N 位于点 M 的北偏东 α 方向上.

在 $\text{Rt}\triangle MDN$ 中, $\cos \alpha = \frac{MD}{MN}$, 又 $\therefore \cos \alpha = \frac{\sqrt{13}}{13}$.

即 $\frac{\sqrt{13}}{13} = \frac{MD}{2\sqrt{13}}$, $\therefore MD=2$. 即 l_2 和 l_3 间的距离为 2 千米.

(2) $\therefore l \perp l_2$, $\therefore \angle ABM=90^\circ$, 又点 M 位于点 A 的北偏东 30° , $\therefore \angle BAM=30^\circ$.

在 $\text{Rt}\triangle ABM$ 中, $BM=\sqrt{3}$, $\therefore AM=2BM=2\sqrt{3}$, $\therefore AB=\sqrt{AM^2-BM^2}=3$.

又 $BC=MD=2$, $\therefore AC=AB+BC=5$.

在 $\text{Rt}\triangle MDN$ 中, $DN=\sqrt{MN^2-MD^2}=4\sqrt{3}$, $CD=BM=\sqrt{3}$. $\therefore CN=CD+DN=5\sqrt{3}$.

在 $\text{Rt}\triangle ACN$ 中, $AN=\sqrt{AC^2+CN^2}=\sqrt{5^2+(5\sqrt{3})^2}=10$.

\therefore 城际火车平均时速为 150 千米/小时, \therefore 所需时间为 $\frac{10}{150} = \frac{1}{15}$.

答:市民小强乘坐城际火车从 A 站到 N 站所需时间为 $\frac{1}{15}$ 小时.

4. (1) $\therefore l_1 \parallel l_2$, $\therefore \angle ABC = \alpha$, 又 $\therefore \tan \alpha = \frac{1}{3}$, $\therefore \tan \angle ABC = \frac{1}{3}$, $\therefore AC \perp l_1$, \therefore 在 $\text{Rt}\triangle ABC$ 中 $\frac{AC}{BC} = \frac{1}{3}$, $\therefore AC = 1.6$ 米, $\therefore BC = 4.8$ 米.

(2) $\therefore M$ 为 BC 中点, $\therefore BM = \frac{1}{2}BC = 2.4$ 米.

由题意及平移性质得, $BE = FF_1 = AD = 0.6$ 米, $AB \parallel DE$,

$\therefore EM = BM - BE = 2.4 - 0.6 = 1.8$ 米, $\angle DEC = \angle ABE$,

$\therefore \tan \angle DEC = \tan \angle ABE = \frac{1}{3}$, $\therefore MN \perp l_1$, \therefore 在 $\text{Rt}\triangle EMN$ 中 $\frac{MN}{EM} = \frac{1}{3}$.

$\therefore EM = 1.8$ 米, $\therefore MN = 0.6$ 米, 即障碍物的高度为 0.6 米.

拓展训练:1. D 2. 102

3. (1)点 B 到 AC 的距离是 30 m; (2)线段 CD 的长度是 $(15\sqrt{3}+15)$ m

专题测试(六)

一、选择题

1. D 2. C 3. A 4. D 5. B 6. C 7. D 8. C

二、填空题

9. 30 10. $\frac{5}{2}$ 11. $\frac{9}{5}$ 12. 10 m 13. $\frac{1}{3}$ 14. $\frac{\sqrt{3}}{8}$ 15. 200 16. 2.7

三、解答题

17. $2+3\sqrt{3}$

18. (1) $\triangle AME \sim \triangle MFE, \triangle BMD \sim \triangle MGD, \triangle AMF \sim \triangle BGM$, 证明略; (2) $FC=1, FG=\frac{5}{3}$.

19. (1) $\frac{25}{2}$ (或 12.5) (2) $\frac{7}{25}$

20. (1) 提示: $\angle AFD = \angle C, \angle ADE = \angle DEC$ (2) $AF = 2\sqrt{3}$

21. 我渔政船的航行路程是 $18\sqrt{2}$ 海里.

22. 点 P 到 AD 的距离为 $\frac{46+10\sqrt{3}}{1+\sqrt{3}}$ 米. (结果分母有理化为 $(18\sqrt{3}-8)$ 米也可)

23. (1) 11.0 (2) 建筑物 GH 高约为 45.6 米

第八章 圆

第 38 课时

典例精析:【例 1】A 【例 2】A

【例 3】(1) 圆心 O 到 AB 的距离为 6 cm. (2) 弦 AB 的中点形成以 O 为圆心, 6 cm 为半径的圆.

中考链接: 1. A 2. A 3. D 4. 15

拓展训练: 1. D 2. $4-\sqrt{7}$ 3. 8 4. D

5. $7\sqrt{2}$, 提示: A, B 两点关于 MN 对称, 因而 $PA+PC=PB+PC$, 即当 B, C, P 在一条直线上时, $PA+PC$ 的最小, 即 BC 的值就是 $PA+PC$ 的最小值.

第 39 课时

典例精析:【例 1】 32° 【例 2】(1) 略 (2) 6 【例 3】(1) 略 (2) $3\sqrt{3}$

中考链接: 1. A 2. 155 3. (1) 6 (2) 20° 4. D

拓展训练: 1. A 2. 30° 3. B 4. 略

5. (1) 证明: $\because AB$ 是直径, $\therefore \angle AEB = 90^\circ, \therefore AE \perp BC, \because AB = AC, \therefore BE = CE, \therefore AE = EF,$

\therefore 四边形 $ABFC$ 是平行四边形,

$\because AC = AB, \therefore$ 四边形 $ABFC$ 是菱形 [或者: 四边形 $ABFC$ 为菱形 (对角线互相垂直平分)].

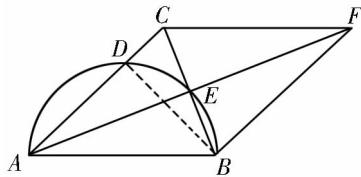
(2) 设 $CD = x$, 连接 $BD, \because AB$ 是直径, $\therefore \angle ADB = \angle BDC = 90^\circ,$

$\therefore AB^2 - AD^2 = CB^2 - CD^2, \therefore (7+x)^2 - 7^2 = 4^2 - x^2,$

解得 $x = 1$ 或 -8 (舍弃).

$\therefore AC = 8, BD = \sqrt{8^2 - 7^2} = \sqrt{15},$

$\therefore S_{\text{菱形}ABFC} = 8\sqrt{15}, \therefore S_{\text{半圆}} = \frac{1}{2} \cdot \pi \cdot 4^2 = 8\pi.$



第 40 课时

典例精析:【例 1】C

【例 2】(1) 连接 $OD, \because AB$ 为 $\odot O$ 的直径, $\therefore \angle ADB = 90^\circ$, 又 $AB = BC, \therefore D$ 为 AC 中点,

$\because O$ 为 AB 中点, $\therefore OD \parallel BC, \because DE \perp BC, \therefore \angle ODE = \angle CED = 90^\circ$, 即 $OD \perp DE, \therefore DE$ 为 $\odot O$ 的切线.

(2) $\because AB = BC, \angle ADB = 90^\circ, \therefore \angle CBD = \angle DBA$, 又 $\angle ADB = \angle DEB = 90^\circ,$

$\therefore \triangle ADB \sim \triangle DEB, \therefore \frac{AB}{DB} = \frac{DB}{EB}$, 即 $DB^2 = AB \cdot EB$.

【例 3】(1) 直接证 $\triangle ACB \sim \triangle OBE$ 得 $\angle OBE = \angle C = 90^\circ$ (2) $\frac{40}{3}$

中考链接: 1. C 2. B 3. B 4. (1) 略 (2) 6

拓展训练: 1. D 2. D 3. A 4. (1) 略 (2) $\frac{3 \pm \sqrt{5}}{2}$

第 41 课时

典例精析:【例 1】D 【例 2】(1)略 (2)11

中考链接:1. D 2. C 3. ①②④ 4. B 5. (1)略 (2)略 (3) $\frac{2\sqrt{3}}{3}\pi$

拓展训练:1. C 2. $\pi - \frac{3\sqrt{3}}{2}$ 3. (1)略 (2) 3π

第 42 课时

典例精析:【例 1】(1)证明: $\because AD$ 为直径, $AD \perp BC, \therefore \widehat{BD} = \widehat{CD}. \therefore BD = CD.$

(2) B, E, C 三点在以 D 为圆心, 以 DB 为半径的圆上.

理由: 由(1)知: $\widehat{BD} = \widehat{CD}, \therefore \angle BAD = \angle CBD.$

$\because \angle DBE = \angle CBD + \angle CBE, \angle DEB = \angle BAD + \angle ABE, \angle CBE = \angle ABE,$

$\therefore \angle DBE = \angle DEB, \therefore DB = DE.$

由(1)知: $BD = CD, \therefore DB = DE = DC, \therefore B, E, C$ 三点在以 D 为圆心, 以 DB 为半径的圆上.

【例 2】(1)连接 OD , 设法证 $\angle DOC = \angle BOC.$

(2) 证 $\triangle ODC \cong \triangle OBC$, 得 $\angle ODC = \angle OBC = 90^\circ.$

【例 3】(1)略 (2)3

中考链接:1. 解: (1) $\because AF$ 与 $\odot O$ 相切于点 $A, \therefore AF \perp OA, \because BD$ 是 $\odot O$ 的直径,

$\therefore \angle BAD = 90^\circ, \because \angle BAC = 120^\circ, \therefore \angle DAC = 30^\circ, \therefore \angle DBC = \angle DAC = 30^\circ,$

$\because \angle F = 30^\circ, \therefore \angle F = \angle DBC, \therefore AF \parallel BC, \therefore OA \perp BC,$

$\therefore \angle BOA = 90^\circ - 30^\circ = 60^\circ, \therefore \angle ADB = \frac{1}{2} \angle AOB = 30^\circ.$

(2) $\because OA \perp BC, \therefore BE = CE = \frac{1}{2} BC = 4, \therefore AB = AC,$

$\because \angle AOB = 60^\circ, OA = OB, \therefore \triangle AOB$ 是等边三角形,

$\therefore AB = OB, \because \angle OBE = 30^\circ, \therefore OE = \frac{1}{2} OB, BE = \sqrt{3} OE = 4, \therefore OE = \frac{4\sqrt{3}}{3},$

$\therefore AC = AB = OB = 2OE = \frac{8\sqrt{3}}{3}.$

2. (1) 证明: $\because AB$ 为圆 O 的直径, C 为圆上一点, $\therefore \angle ACB = \angle ACD = 90^\circ.$

$\because \triangle AEF$ 为等边三角形, $\therefore \angle AEF = \angle AFE = \angle DEC = 60^\circ.$

$\therefore \angle BDF = 90^\circ - \angle DEC = 30^\circ, \angle ABD = \angle AFD - \angle BDF = 30^\circ.$

$\because \angle BDF = \angle ABD, \therefore FD = FB.$ 即 $\triangle DFB$ 是等腰三角形.

(2) 解: $\because DA = \sqrt{7} AF, \therefore$ 设 $AF = a$, 则 $DA = \sqrt{7} a,$

$\because \triangle AEF$ 是等边三角形, $\therefore AE = AF = EF = a,$

\because 圆 O 的半径为 1, $\therefore AB = 2,$

在直角三角形 ABC 中, $\angle B = 30^\circ, \therefore AC = \frac{1}{2} AB = 1, CE = AC - AE = 1 - a.$

在直角三角形 CED 中, $\angle CDE = 30^\circ, \therefore CD = \sqrt{3} CE = \sqrt{3}(1 - a).$

在直角三角形 ACD 中, $\therefore AC^2 + CD^2 = AD^2$, 得: $1^2 + [\sqrt{3}(1 - a)]^2 = (\sqrt{7} a)^2,$

整理得: $2a^2 + 3a - 2 = 0$, 解得: $a_1 = \frac{1}{2}, a_2 = -2$ (舍去). 即 $AE = EF = CE = \frac{1}{2}, \therefore \angle EFC = \angle ECF.$

$\because \angle AEF = \angle EFC + \angle ECF = 60^\circ, \therefore \angle EFC = \angle ECF = 30^\circ.$

$\therefore \angle AFC = \angle AFE + \angle EFC = 60^\circ + 30^\circ = 90^\circ, \therefore CF \perp AB.$

3. (1)略 (2) $\triangle BCD$ 的面积为 2

4. (1) 证明: \because 点 C, D 关于直线 AB 对称, 点 C, D 在 $\odot O$ 上,

$\therefore \angle CAF = \angle GAF$, 又 $\because \angle GCE = \angle GAF, \therefore \angle CAF = \angle GCE.$

在 $\odot O$ 中, $OA=OC$, $\therefore \angle CAF=\angle ACO$. $\therefore \angle GCE=\angle ACO$, 又 $\because AB$ 是 $\odot O$ 的直径, $\therefore \angle ACB=90^\circ$.

即 $\angle ACO+\angle OCB=90^\circ$, 又 $\because \angle ACO=\angle GCE$, $\therefore \angle OCB+\angle GCE=90^\circ$, 即 $\angle OCG=90^\circ$.

\therefore 直线 CG 是 $\odot O$ 的切线.

(2) ①证明: $\because CB=CH$, $\therefore \angle CHB=\angle CBH$, 在 $\odot O$ 中, $OC=OB$,

$\therefore \angle HBC=\angle OCB$, $\therefore \angle CHB=\angle OCB$,

在 $\triangle OBC$ 和 $\triangle CBH$ 中, $\begin{cases} \angle HBC=\angle OCB \\ \angle CHB=\angle OCB \end{cases}$, $\therefore \triangle OBC \sim \triangle CBH$.

②解: $\because AB=8$, $\therefore OC=OB=4$, 由①可知: $\triangle OBC \sim \triangle CBH$, $\therefore \frac{CH}{OC} = \frac{BH}{CB}$,

又 $\because BC=CH$, $\therefore OC \cdot BH=BC \cdot HC=BC^2$.

$BH = \frac{BC^2}{OC} = \frac{BC^2}{4}$, $OH=OB-BH=4-\frac{BC^2}{4}$.

则 $OH+HC=4-\frac{1}{4}BC^2+BC$, 令 $BC=t$.

则 $OH+HC=4-\frac{1}{4}t^2+t=-\frac{1}{4}(t-2)^2+5$.

\therefore 当 $BC=2$ 时, $OH+HC$ 取最大值, 最大值为 5.

5. (1) 证明: 在 $\odot O$ 内, $\angle DAC=\angle CBD$, $\therefore \angle ACH=\angle CBD$,

$\therefore \angle DAC=\angle ACH$, $\therefore AD \parallel CH$,

$\because AD=CH$, \therefore 四边形 $ADCH$ 为平行四边形.

(2) ①略; ② $CH=\sqrt{2}$.

拓展训练:

1. (1) 连 CD , 根据等腰三角形的“三线合一”得证.

(2) 连 OD , 由中位线性质定理可得 $OD \parallel AC$, 从而可证 $OD \perp DE$.

2. (1) 解法一: $\because \angle A=30^\circ$, $\therefore \angle COB=60^\circ$. 又 $OC=OB$, $\therefore \triangle OCB$ 是等边三角形.

解法二: $\because AB$ 是 $\odot O$ 的直径, $\therefore \angle ACB=90^\circ$.

又 $\because \angle A=30^\circ$, $\therefore \angle ABC=60^\circ$.

又 $OC=OB$, $\therefore \triangle OCB$ 是等边三角形.

(2) 证明: 由(1)知: $BC=OB$, $\angle OCB=\angle OBC=60^\circ$. 又 $\because BD=OB$,

$\therefore BC=BD$, $\therefore \angle BCD=\angle BDC=\frac{1}{2}\angle OBC=30^\circ$.

$\therefore \angle OCD=\angle OCB+\angle BCD=90^\circ$, 故 DC 是 $\odot O$ 的切线.

3. (1) 连 OC , 得 $\angle O=2\angle A=60^\circ$,

所以 $\angle O+\angle D=90^\circ$, 得证. (2) 证 $AC \perp BD$ 即可.

4. (1) 略 (2) $\frac{\sqrt{6}}{4}$

专题测试(七)

一、选择题

1. B 2. C 3. D 4. B 5. C 6. B 7. A 8. D

二、填空题

9. 120° 10. 5 11. 64° 12. 2 13. 3π 14. $\frac{4}{5}$ 15. 24 16. 3π

三、解答题

17. 略

18. 48 cm

19. 2π cm

20. (1) 60° (2) 略 (3) $\frac{8}{3}\pi$

21. (1)相切 证明略 (2) $\frac{\sqrt{3}}{8}$

22. (1)略 (2) $\frac{24}{25}$

23. (1) $AB=AC$. 说明略. (2) $r=3, PB=\frac{6\sqrt{5}}{5}$ (3) $\sqrt{5}\leq r<5$

24. (1) $\frac{27}{5}$ (2)略 (3) F 在直径 BC 下方的圆弧上, 且 $\widehat{BF}=\frac{2}{3}\widehat{BC}$

第九章 几何变换

第 43 课时

典例精析:【例 1】A 【例 2】18 【例 3】 $\frac{1}{2}, 24 \text{ cm}^2$

中考链接:1. B 2. A 3. A 4. 10

拓展训练:1. A 2. B 3. D

第 44 课时

典例精析:【例 1】D 【例 2】D 【例 3】6

中考链接:1. C 2. $\frac{p}{6}$ 3. 4 4. $\frac{3}{2}$ 5. 15° 或 45° 6. B

拓展训练:1. B 2. 60° 3. A 4. D 5. (1)略 (2) $\angle BEF=67.5^\circ$

第十章 概率与统计

第 45 课时

典例精析:【例 1】B

【例 2】(1)

人 数 科 目	等 级			
	A	B	C	D
物理实验操作	120	70	90	20
化学实验操作	90	110	30	20
体育	123	140	160	27

(2)初三年级学生化学实验操作合格及合格以上大约有 $40000 \times \frac{90+110+30}{250} = 36800$ 人;

(3)40000 名学生中,体育成绩不合格的大约有 $40000 \times \frac{27}{450} \approx 2400$ 人.

中考链接:1. D 2. B 3. D 4. (1)1000 (2)150;图略 (3)144 (4)市民关注交通信息的人数最多.

5. (1)120 (2) 198° (3)作图见解析 (4)500

拓展训练:1. B 2. (1)120 (2)C (3)达国家规定体育活动时间的人约 14400 人

3. (1)400 (2)135 (3)62 4. (1) $a=135, b=162$ (2) 108° (3)3800 人

第 46 课时

典例精析:【例 1】B 【例 2】(1)B (2)88 【例 3】C

中考链接:1. A 2. A 3. A 4. (1)B, C (2)9600

拓展训练:1. B 2. A 3. 0.6 4. B 5. (1)8 8 9

(2)因为他们的平均数相等,而甲的方差小,发挥比较稳定,所以选甲参加比赛 (3)变小

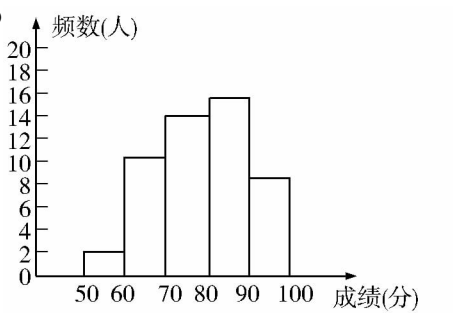
第 47 课时

典例精析:【例 1】C 【例 2】B

【例 3】(1)0.1, 6 (2)株洲市城区对应频率 0.25 这个数据是错误的, 该数据的正确值是 0.3 (3) $\frac{1}{6}$

中考链接: 1. (1)A (2) $\frac{1}{2}$ 2. A 3. B

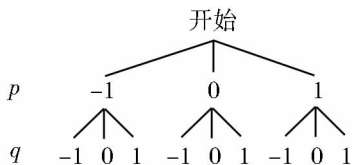
4. (1)50 (2)16, 0.28 (3)



(4)48% 5. (1)9 (2)36° (3) $\frac{5}{6}$

拓展训练: 1. C 2. B 3. A

4. 解: (1)画树状图得:



则共有 9 种等可能的结果;

(2)由(1)可得: 满足关于 x 的方程 $x^2 + px + q = 0$ 没有实数解的有: $(-1, 1), (0, 1), (1, 1)$,

\therefore 满足关于 x 的方程 $x^2 + px + q = 0$ 没有实数解的概率为 $\frac{3}{9} = \frac{1}{3}$.

第 48 课时

典例精析:【例 1】A 【例 2】(1)略 (2) $\frac{3}{8}$ 【例 3】(1) $\frac{1}{3}$ (2) $\frac{2}{3}$

中考链接: 1. C 2. $\frac{1}{4}$ 3. $\frac{1}{3}$ 4. D

5. (1)A 区域进入下一轮角逐的人数为 4 人, 所以 A 区域进入下一轮角逐的人数的比例为 $\frac{4}{30} = \frac{2}{15}$.

(2)由 $\frac{2}{15} \times 600 = 80$ 可知: 本次大赛进入下一轮角逐的人数约为 80 人

(3)依题意可知,
$$\begin{cases} 6 \times 1 + 7 \times 3 + 8a + 9b + 10 \times 10 = 8.8 \times 30 \\ 1 + 3 + a + b + 10 = 30 \end{cases}$$

可得:
$$\begin{cases} 8a + 9b = 137 \\ a + b = 16 \end{cases}, \text{解得 } a = 7.$$

所以, 该项目赛该区域完成时间为 8 秒的爱好者的频率为 $\frac{7}{30}$.

6. (1)由统计表可知:

A 学校参加本次法律知识考试的人数为: $10 + 35 = 45$ 人

(2) \because A 学校教师考试成绩在 90.5 分以下的人数 $10 + 15 = 25$ 人, 占 $\frac{25}{45} = \frac{5}{9}$.

∴可以估计全区教师考试成绩在 90.5 分以下的也占 $\frac{5}{9}$, ∴ $\frac{5}{9} \times 900 = 500$ 人.

∴该区教师法律知识考试成绩在 90.5 分以下的人数为 500 人.

(3)由统计表可知,96.5 分以上有 8 人,85.5 分以下有 10 人,

则得分在 85.5—96.5 分之间的人数 $45 - 10 - 8 = 27$ 人.

所占百分比为 $\frac{27}{45} = \frac{3}{5} = 60\%$.

7. (1)由统计图可知:去年六月份最高气温不低于 30°C 的天数为: $6 + 2 = 8$ (天).

(2)∴去年六月份这种鲜奶一天的需求量不超过 200 杯的天数为 $9 + 3 = 12$ 天.

∴去年六月份这种鲜奶一天的需求量不超过 200 杯的概率为 $\frac{12}{30} = \frac{2}{5}$.

(3) $(8 - 4) \times 250 - 100 \times (4 - 1) = 700$ 元.

答:这一天销售这种鲜奶所获得的利润为 700 元.

拓展训练: 1. C 2. C 3. (1) $\frac{1}{2}$ (2) 不公平,理由略 4. (1)略 (2) $\frac{1}{12}$ (3) $\frac{1}{2}$

专题测试(八)

一、选择题

1. B 2. C 3. A 4. B 5. B 6. B 7. A 8. B 9. A 10. B

二、填空题

11. 4 5 12. $\frac{1}{10}$ 13. 6 14. 17 15. $\frac{2}{3}$ 16. $\frac{1}{2}$

三、解答题

17. (1) 9 9 (2) $s_{甲}^2 = \frac{2}{3}, s_{乙}^2 = \frac{4}{3}$.

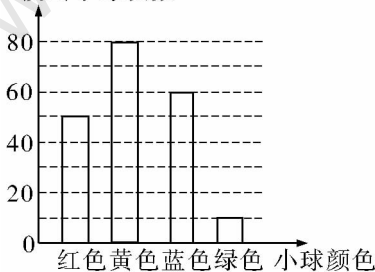
(3)推荐甲参加全国比赛更合适,理由如下:两人的平均成绩相等,说明实力相当;但甲的六次测试成绩的方差比乙小,说明甲发挥较为稳定,故推荐甲参加比赛更合适.

18. (1) 40 0.18 100 (2)略

(3)所有被调查同学的平均劳动时间为 $0.5 \times 0.12 + 1 \times 0.3 + 1.5 \times 0.4 + 2 \times 0.18 = 1.32$ 时.

19. (1) $50 \div 25\% = 200$ (次),所以试验总次数为 200,条形统计图如下:

摸出小球次数



(2) $\frac{80}{200} \times 360^\circ = 144^\circ$; (3) $10 \div 25\% \times \frac{10}{200} = 2$ (个).

答:口袋中绿球有 2 个.

20. (1)列表格如下:

化学实验 \ 物理实验	D	E	F
A	(A,D)	(A,E)	(A,F)
B	(B,D)	(B,E)	(B,F)
C	(C,D)	(C,E)	(C,F)

所有可能出现的结果:AD AE AF BD BE BF CD CE CF.

(2)从表格或树状图可以看出,所有可能出现的结果共有 9 种,其中事件 M 出现了一次,所以 $P(M)=\frac{1}{9}$.

21. (1)略

(2)由列表得:共 16 种情况,其中奇数有 8 种,偶数有 8 种,

\therefore 和为偶数和和为奇数的概率均为 $\frac{1}{2}$, \therefore 这个游戏公平.

22. (1) \therefore 一个不透明的袋中装有 20 个只有颜色不同的球,其中 5 个黄球,8 个黑球,7 个红球,

\therefore 从袋中摸出一个球是黄球的概率为 $\frac{5}{20}=\frac{1}{4}$;

(2)设从袋中取出 x 个黑球,根据题意得: $\frac{8-x}{20-x}=\frac{1}{4}$,

解得: $x=4$,经检验, $x=4$ 是原分式方程的解, \therefore 从袋中取出黑球的个数为 4.

23. (1)200 (2)略 (3) 108° (4) $\frac{2}{3}$



数学让 让人更智慧

【德】弗里德里希·高斯

一起
数学吧

做专业、开放的数学平台；
为数学学习者、教学者、爱好者赋能！



扫码关注我们

《数学吧》网址: <https://www.maths8.com>

微信号: maths8_com



扫码加微信，获取深度合作资源！