

## 2013年湖南省株洲市中考数学试卷 参考答案与试题解析

### 一、选择题 (本题共8小题, 每小题3分, 共24分)

1. 一元一次方程  $2x=4$  的解是( )

- A.  $x=1$                   B.  $x=2$                   C.  $x=3$                   D.  $x=4$

**【解答】**解: 方程两边都除以2, 系数化为1得,  $x=2$ .

故选: B.

2. 下列计算正确的是( )

- A.  $x+x=2x^2$               B.  $x^3 \cdot x^2 = x^5$               C.  $(x^2)^3 = x^5$               D.  $(2x)^2 = 2x^2$

**【解答】**解: A、 $x+x=2x \neq 2x^2$ , 故A错误;

B、 $x^3 \cdot x^2 = x^5$ , 故B正确;

C、 $(x^2)^3 = x^6 \neq x^5$ , 故C错误;

D、 $(2x)^2 = 4x^2 \neq 2x^2$ , 故D错误.

故选: B.

3. 孔明同学参加暑假军事训练的射击成绩如下表:

射击次序	第一次	第二次	第三次	第四次	第五次
成绩(环)	9	8	7	9	6

则孔明射击成绩的中位数是( )

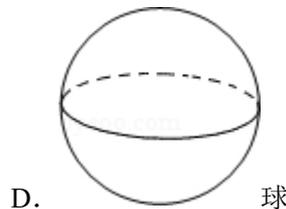
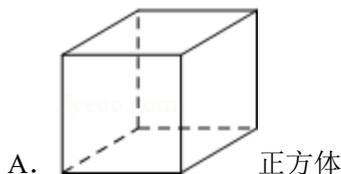
- A. 6                          B. 7                          C. 8                          D. 9

**【解答】**解: 将数据从小到大排列为: 6, 7, 8, 9, 9,

中位数为8.

故选: C.

4. 下列几何体中, 有一个几何体的俯视图的形状与其它三个不一样, 这个几何体是( )



**【解答】**解: 正方体的俯视图是正方形; 圆柱体的俯视图是圆; 圆锥体的俯视图是圆; 球的俯视图是圆.

故选: A.

5. 如图是株洲市的行政区域平面地图, 下列关于方位的说法明显错误的是( )

- A. 炎陵位于株洲市区南偏东约  $35^\circ$  的方向上  
 B. 醴陵位于攸县的北偏东约  $16^\circ$  的方向上  
 C. 株洲县位于茶陵的南偏东约  $40^\circ$  的方向上  
 D. 株洲市区位于攸县的北偏西约  $21^\circ$  的方向上

**【解答】**解: A、炎陵位于株洲市区南偏东约  $35^\circ$  的方向上正确, 故本选项错误;



- B、醴陵位于攸县的北偏东约 $16^\circ$ 的方向上正确，故本选项错误；  
 C、应为株洲县位于茶陵的北偏西约 $40^\circ$ 的方向上，故本选项正确；  
 D、株洲市区位于攸县的北偏西约 $21^\circ$ 的方向上正确，故本选项错误。

故选：C。

6. 下列四种图形都是轴对称图形，其中对称轴条数最多的图形是( )

- A. 等边三角形      B. 矩形      C. 菱形      D. 正方形

【解答】解：A、等边三角形有3条对称轴；

B、矩形有2条对称轴；

C、菱形有2条对称轴；

D、正方形有4条对称轴；

故选：D。

7. 已知点 $A(1, y_1)$ 、 $B(2, y_2)$ 、 $C(-3, y_3)$ 都在反比例函数 $y = \frac{6}{x}$ 的图象上，则 $y_1$ 、 $y_2$ 、 $y_3$ 的大小关系是( )

- A.  $y_3 < y_1 < y_2$       B.  $y_1 < y_2 < y_3$       C.  $y_2 < y_1 < y_3$       D.  $y_3 < y_2 < y_1$

【解答】解： $\because$ 点 $A(1, y_1)$ 、 $B(2, y_2)$ 、 $C(-3, y_3)$ 都在反比例函数 $y = \frac{6}{x}$ 的图象上，

$$\therefore y_1 = \frac{6}{1} = 6; \quad y_2 = \frac{6}{2} = 3; \quad y_3 = \frac{6}{-3} = -2,$$

$$\therefore 6 > 3 > -2,$$

$$\therefore y_1 > y_2 > y_3.$$

故选：D。

8. 二次函数 $y = 2x^2 + mx + 8$ 的图象如图所示，则 $m$ 的值是( )

- A. -8      B. 8      C.  $\pm 8$       D. 6

【解答】解：由图可知，抛物线与 $x$ 轴只有一个交点，

$$\text{所以，} \Delta = m^2 - 4 \times 2 \times 8 = 0,$$

解得 $m = \pm 8$ ，

$$\therefore \text{对称轴为直线 } x = -\frac{m}{2 \times 2} < 0,$$

$$\therefore m > 0,$$

$$\therefore m \text{ 的值为 } 8.$$

故选：B。

## 二、填空题（本题共8小题，每小题3分，共24分）

9. 在平面直角坐标系中，点 $(1, 2)$ 位于第一象限。

【解答】解：点 $(1, 2)$ 位于第一象限。

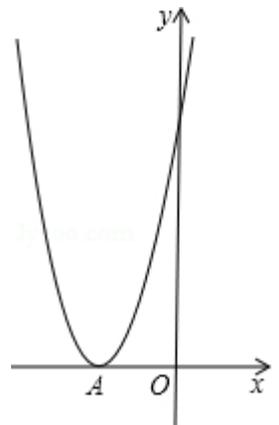
故答案为：一。

10. 某招聘考试分笔试和面试两种，其中笔试按60%、面试按40%计算加权平均数，作为总成绩。孔明笔试成绩90分，面试成绩85分，那么孔明的总成绩是88分。

【解答】解： $\because$ 笔试按60%、面试按40%，

$$\therefore \text{总成绩是 } (90 \times 60\% + 85 \times 40\%) = 88 \text{ 分},$$

故答案为：88。

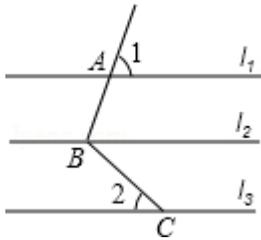


11. 计算:  $\frac{2x}{x+1} + \frac{2}{x+1} = \underline{2}$ .

【解答】解: 原式 =  $\frac{2x+2}{x+1} = \frac{2(x+1)}{x+1} = 2$ .

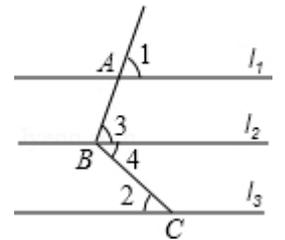
故答案为: 2.

12. 如图, 直线  $l_1 // l_2 // l_3$ , 点  $A$ 、 $B$ 、 $C$  分别在直线  $l_1$ 、 $l_2$ 、 $l_3$  上. 若  $\angle 1 = 70^\circ$ ,  $\angle 2 = 50^\circ$ , 则  $\angle ABC = \underline{120}$  度.

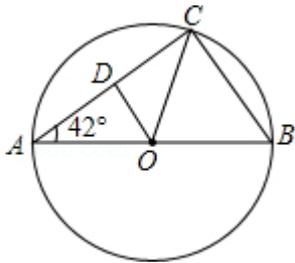


【解答】解: 如图,  $\because l_1 // l_2 // l_3$ ,  $\angle 1 = 70^\circ$ ,  $\angle 2 = 50^\circ$ ,  
 $\therefore \angle 3 = \angle 1 = 70^\circ$ ,  $\angle 4 = \angle 2 = 50^\circ$ ,  
 $\therefore \angle ABC = \angle 3 + \angle 4 = 70^\circ + 50^\circ = 120^\circ$ .

故答案为: 120.



13. 如图  $AB$  是  $\odot O$  的直径,  $\angle BAC = 42^\circ$ , 点  $D$  是弦  $AC$  的中点, 则  $\angle DOC$  的度数是 48 度.



【解答】解:  $\because AB$  是  $\odot O$  的直径,  
 $\therefore OA = OC$   
 $\because \angle A = 42^\circ$   
 $\therefore \angle ACO = \angle A = 42^\circ$   
 $\because D$  为  $AC$  的中点,  
 $\therefore OD \perp AC$ ,  
 $\therefore \angle DOC = 90^\circ - \angle DCO = 90^\circ - 42^\circ = 48^\circ$ .

故答案为: 48.

14. 一元一次不等式组  $\begin{cases} 3x-2 > 0 \\ x-1 \leq 0 \end{cases}$  的解集是  $\underline{\frac{2}{3} < x \leq 1}$ .

【解答】解:  $\begin{cases} 3x-2 > 0 \text{ ①} \\ x-1 \leq 0 \text{ ②} \end{cases}$

$\because$  解不等式①得:  $x > \frac{2}{3}$ ,

解不等式②得:  $x \leq 1$ ,

$\therefore$  不等式组的解集为:  $\frac{2}{3} < x \leq 1$ ,

故答案为:  $\frac{2}{3} < x \leq 1$

15. 多项式  $x^2 + mx + 5$  因式分解得  $(x+5)(x+n)$ , 则  $m = \underline{6}$ ,  $n = \underline{1}$ .

【解答】解:  $\because (x+5)(x+n) = x^2 + (n+5)x + 5n$ ,

$$\therefore x^2 + mx + 5 = x^2 + (n+5)x + 5n$$

$$\therefore \begin{cases} n+5 = m \\ 5n = 5 \end{cases}, \therefore \begin{cases} n = 1 \\ m = 6 \end{cases},$$

故答案为: 6, 1.

16. 已知  $a$ 、 $b$  可以取  $-2$ 、 $-1$ 、 $1$ 、 $2$  中任意一个值 ( $a \neq b$ ), 则直线  $y = ax + b$  的图象不经过第四象限的概率是

$$\frac{1}{6}.$$

【解答】解: 列表如下:

	-2	-1	1	2
-2		(-1, -2)	(1, -2)	(2, -2)
-1	(-2, -1)		(1, -1)	(2, -1)
1	(-2, 1)	(-1, 1)		(2, 1)
2	(-2, 2)	(-1, 2)	(1, 2)	

所有等可能的情况数有 12 种, 其中直线  $y = ax + b$  不经过第四象限情况数有 2 种,

$$\text{则 } P = \frac{2}{12} = \frac{1}{6}.$$

故答案为:  $\frac{1}{6}$ .

### 三、解答题 (本题共 8 小题, 共 52 分)

17. (4 分) 计算:  $\sqrt{4} + |-3| - 2\sin 30^\circ$ .

【解答】解: 原式  $= 2 + 3 - 2 \times \frac{1}{2} = 5 - 1 = 4$ .

18. (4 分) 先化简, 再求值:  $(x-1)(x+1) - x(x-3)$ , 其中  $x = 3$ .

【解答】解: 原式  $= x^2 - 1 - x^2 + 3x = 3x - 1$ ,

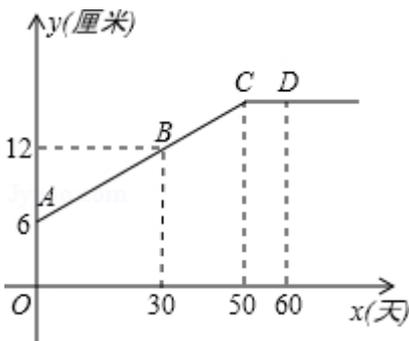
当  $x = 3$  时, 原式  $= 9 - 1 = 8$ .

19. (6 分) 某生物小组观察一植物生长, 得到植物高度  $y$  (单位: 厘米) 与观察时间  $x$  (单位: 天) 的关系, 并画出

如图所示的图象 ( $AC$  是线段, 直线  $CD$  平行  $x$  轴).

(1) 该植物从观察时起, 多少天以后停止长高?

(2) 求直线  $AC$  的解析式, 并求该植物最高长多少厘米?



**【解答】**解: (1)  $\because CD \parallel x$ 轴,  
 $\therefore$ 从第 50 天开始植物的高度不变,  
 答: 该植物从观察时起, 50 天以后停止长高;

(2) 设直线  $AC$  的解析式为  $y = kx + b (k \neq 0)$ ,  
 $\because$ 经过点  $A(0, 6)$ ,  $B(30, 12)$ ,

$$\therefore \begin{cases} b = 6 \\ 30k + b = 12 \end{cases}, \text{解得} \begin{cases} k = \frac{1}{5} \\ b = 6 \end{cases}.$$

所以, 直线  $AC$  的解析式为  $y = \frac{1}{5}x + 6 (0 \leq x \leq 50)$ ,

当  $x = 50$  时,  $y = \frac{1}{5} \times 50 + 6 = 16 \text{cm}$ .

答: 直线  $AC$  所在线段的解析式为  $y = \frac{1}{5}x + 6 (0 \leq x \leq 50)$ , 该植物最高长  $16 \text{cm}$ .

20. (6分) 已知  $AB$  是  $\odot O$  的直径, 直线  $BC$  与  $\odot O$  相切于点  $B$ ,  $\angle ABC$  的平分线  $BD$  交  $\odot O$  于点  $D$ ,  $AD$  的延长线交  $BC$  于点  $C$ .

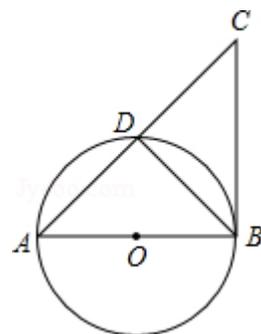
- (1) 求  $\angle BAC$  的度数;
- (2) 求证:  $AD = CD$ .

**【解答】**解: (1)  $\because AB$  是  $\odot O$  的直径,  
 $\therefore \angle ADB = 90^\circ$ ,  
 $\therefore \angle CDB = 90^\circ$ ,  $BD \perp AC$ ,  
 $\because BD$  平分  $\angle ABC$ ,  
 $\therefore \angle ABD = \angle CBD$ ,  
 在  $\triangle ABD$  和  $\triangle CBD$  中,

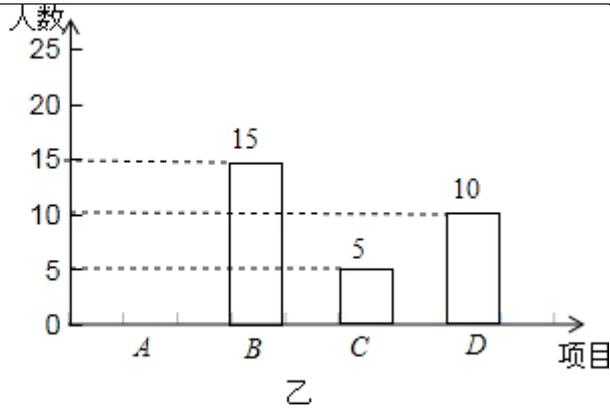
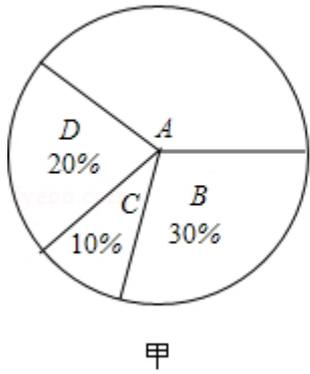
$$\begin{cases} \angle ADB = \angle CDB \\ BD = BD \\ \angle ABD = \angle CBD \end{cases},$$

$\therefore \triangle ABD \cong \triangle CBD (ASA)$ ,  
 $\therefore AB = CB$ ,  
 $\because$ 直线  $BC$  与  $\odot O$  相切于点  $B$ ,  
 $\therefore \angle ABC = 90^\circ$ ,  
 $\therefore \angle BAC = \angle C = 45^\circ$ ;

(2) 证明:  $\because AB = CB$ ,  $BD \perp AC$ ,  
 $\therefore AD = CD$ .



21. (6分) 某学校开展课外体育活动, 决定开设 A: 篮球、B: 乒乓球、C: 踢毽子、D: 跑步四种活动项目. 为了解学生最喜欢哪一种活动项目 (每人只选取一种), 随机抽取了部分学生进行调查, 并将调查结果绘成如甲、乙所示的统计图, 请你结合图中信息解答下列问题.



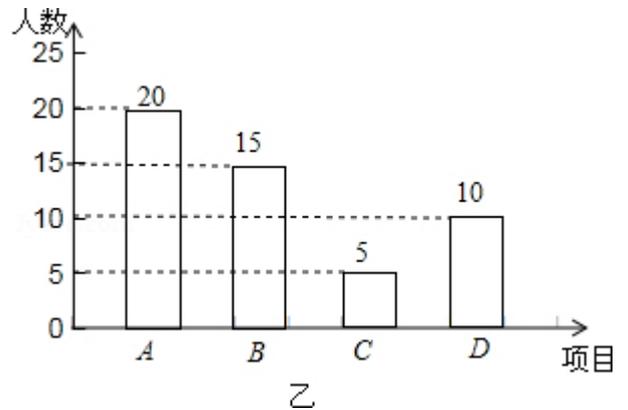
- (1) 样本中最喜欢 A 项目的人数所占的百分比为 40%，其所在扇形统计图中对应的圆心角度数是 144 度；  
 (2) 请把条形统计图补充完整；  
 (3) 若该校有学生 1000 人，请根据样本估计全校最喜欢踢毽子的学生人数约是多少？

**【解答】**解：(1)  $100\% - 20\% - 10\% - 30\% = 40\%$ ，  
 $360^\circ \times 40\% = 144^\circ$ ；

(2) 抽查的学生总人数： $15 \div 30\% = 50$ ，  
 $50 - 15 - 5 - 10 = 20$  (人)。如图所示：

(3)  $1000 \times 10\% = 100$  (人)。

答：全校最喜欢踢毽子的学生人数约是 100 人。



22. (8 分) 已知四边形  $ABCD$  是边长为 2 的菱形， $\angle BAD = 60^\circ$ ，对角线  $AC$  与  $BD$  交于点  $O$ ，过点  $O$  的直线  $EF$  交  $AD$  于点  $E$ ，交  $BC$  于点  $F$ 。

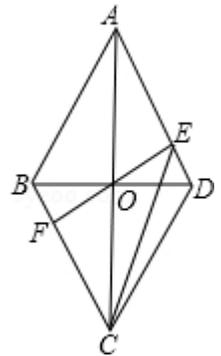
- (1) 求证： $\triangle AOE \cong \triangle COF$ ；  
 (2) 若  $\angle EOD = 30^\circ$ ，求  $CE$  的长。

**【解答】**(1) 证明： $\because$  四边形  $ABCD$  是菱形，  
 $\therefore AO = CO$ ， $AD \parallel BC$ ，  
 $\therefore \angle OAE = \angle OCF$ ，

在  $\triangle AOE$  和  $\triangle COF$  中， $\begin{cases} \angle OAE = \angle OCF \\ AO = CO \\ \angle AOE = \angle COF \end{cases}$ ，

$\therefore \triangle AOE \cong \triangle COF (ASA)$ ；

- (2) 解： $\because \angle BAD = 60^\circ$ ，  
 $\therefore \angle DAO = \frac{1}{2} \angle BAD = \frac{1}{2} \times 60^\circ = 30^\circ$ ，  
 $\because \angle EOD = 30^\circ$ ，  
 $\therefore \angle AOE = 90^\circ - 30^\circ = 60^\circ$ ，  
 $\therefore \angle AEF = 180^\circ - \angle DAO - \angle AOE = 180^\circ - 30^\circ - 60^\circ = 90^\circ$ ，  
 $\because$  菱形的边长为 2， $\angle DAO = 30^\circ$ ，



$$\therefore OD = \frac{1}{2}AD = \frac{1}{2} \times 2 = 1,$$

$$\therefore AO = \sqrt{AD^2 - OD^2} = \sqrt{2^2 - 1^2} = \sqrt{3},$$

$$\therefore AE = CF = \sqrt{3} \times \frac{\sqrt{3}}{2} = \frac{3}{2},$$

$\therefore$ 菱形的边长为2,  $\angle BAD = 60^\circ$ ,

$$\therefore \text{高 } EF = 2 \times \frac{\sqrt{3}}{2} = \sqrt{3},$$

$$\text{在 Rt}\triangle CEF \text{ 中, } CE = \sqrt{EF^2 + CF^2} = \sqrt{\left(\frac{3}{2}\right)^2 + (\sqrt{3})^2} = \frac{\sqrt{21}}{2}.$$

23. (8分) 已知在  $\triangle ABC$  中,  $\angle ABC = 90^\circ$ ,  $AB = 3$ ,  $BC = 4$ . 点  $Q$  是线段  $AC$  上的一个动点, 过点  $Q$  作  $AC$  的垂线交线段  $AB$  (如图1) 或线段  $AB$  的延长线 (如图2) 于点  $P$ .

(1) 当点  $P$  在线段  $AB$  上时, 求证:  $\triangle AQP \sim \triangle ABC$ ;

(2) 当  $\triangle PQB$  为等腰三角形时, 求  $AP$  的长.

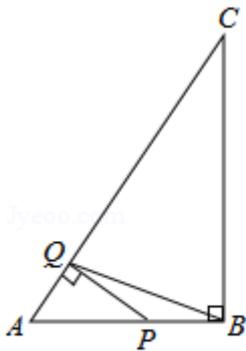


图1

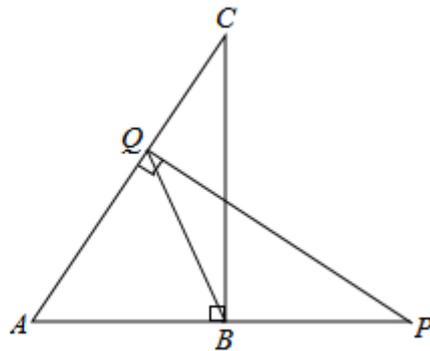


图2

**【解答】** (1) 证明:  $\because PQ \perp AQ$ ,

$$\therefore \angle AQP = 90^\circ = \angle ABC,$$

在  $\triangle APQ$  与  $\triangle ABC$  中,

$$\because \angle AQP = 90^\circ = \angle ABC, \quad \angle A = \angle A,$$

$$\therefore \triangle AQP \sim \triangle ABC.$$

(2) 解: 在  $\text{Rt}\triangle ABC$  中,  $AB = 3$ ,  $BC = 4$ , 由勾股定理得:  $AC = 5$ .

$\because \angle QPB$  为钝角,

$\therefore$  当  $\triangle PQB$  为等腰三角形时,

(I) 当点  $P$  在线段  $AB$  上时, 如题图 1 所示.

$\because \angle QPB$  为钝角,

$\therefore$  当  $\triangle PQB$  为等腰三角形时, 只可能是  $PB = PQ$ ,

由 (1) 可知,  $\triangle AQP \sim \triangle ABC$ ,

$$\therefore \frac{PA}{AC} = \frac{PQ}{BC}, \text{ 即 } \frac{3 - PB}{5} = \frac{PB}{4}, \text{ 解得: } PB = \frac{4}{3},$$

$$\therefore AP = AB - PB = 3 - \frac{4}{3} = \frac{5}{3};$$

(II) 当点  $P$  在线段  $AB$  的延长线上时, 如题图 2 所示.

$\because \angle QBP$  为钝角,

$\therefore$  当  $\triangle PQB$  为等腰三角形时, 只可能是  $PB = BQ$ .

$\because BP = BQ, \therefore \angle BQP = \angle P,$

$\because \angle BQP + \angle AQB = 90^\circ, \angle A + \angle P = 90^\circ,$

$\therefore \angle AQB = \angle A,$

$\therefore BQ = AB,$

$\therefore AB = BP,$  点  $B$  为线段  $AP$  中点,

$\therefore AP = 2AB = 2 \times 3 = 6.$

综上所述, 当  $\triangle PQB$  为等腰三角形时,  $AP$  的长为  $\frac{5}{3}$  或  $6$ .

24. (10分) 已知抛物线  $C_1$  的顶点为  $P(1,0)$ , 且过点  $(0, \frac{1}{4})$ . 将抛物线  $C_1$  向下平移  $h$  个单位 ( $h > 0$ ) 得到抛物线  $C_2$ . 一条平行于  $x$  轴的直线与两条抛物线交于  $A, B, C, D$  四点 (如图), 且点  $A, C$  关于  $y$  轴对称, 直线  $AB$  与  $x$  轴的距离是  $m^2 (m > 0)$ .

(1) 求抛物线  $C_1$  的解析式的一般形式;

(2) 当  $m = 2$  时, 求  $h$  的值;

(3) 若抛物线  $C_1$  的对称轴与直线  $AB$  交于点  $E$ , 与抛物线  $C_2$  交于点  $F$ . 求证:  $\tan \angle EDF - \tan \angle ECP = \frac{1}{2}$ .

**【解答】** (1) 解: 设抛物线  $C_1$  的顶点式形式  $y = a(x-1)^2, (a \neq 0),$

$\because$  抛物线过点  $(0, \frac{1}{4}),$

$$\therefore a(0-1)^2 = \frac{1}{4}, \text{ 解得 } a = \frac{1}{4},$$

$\therefore$  抛物线  $C_1$  的解析式为  $y = \frac{1}{4}(x-1)^2,$

$$\text{一般形式为 } y = \frac{1}{4}x^2 - \frac{1}{2}x + \frac{1}{4};$$

(2) 解: 当  $m = 2$  时,  $m^2 = 4,$

$\because BC // x$  轴,

$\therefore$  点  $B, C$  的纵坐标为  $4,$

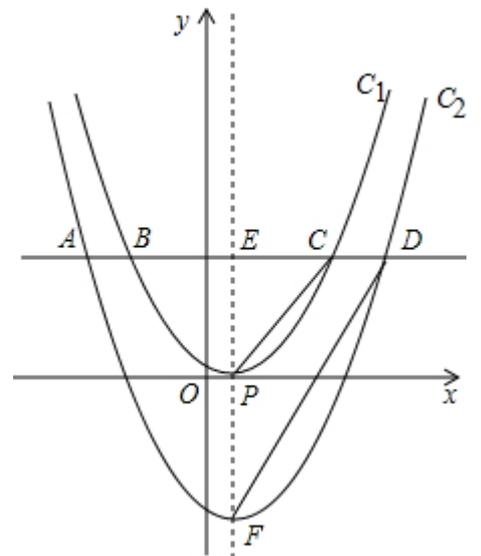
$$\therefore \frac{1}{4}(x-1)^2 = 4,$$

解得  $x_1 = 5, x_2 = -3,$

$\therefore$  点  $B(-3, 4), C(5, 4),$

$\because$  点  $A, C$  关于  $y$  轴对称,

$\therefore$  点  $A$  的坐标为  $(-5, 4),$



设抛物线  $C_2$  的解析式为  $y = \frac{1}{4}(x-1)^2 - h$ ,

则  $\frac{1}{4}(-5-1)^2 - h = 4$ , 解得  $h = 5$ ;

(3) 证明:  $\because$  直线  $AB$  与  $x$  轴的距离是  $m^2$ ,

$\therefore$  点  $B$ 、 $C$  的纵坐标为  $m^2$ ,

$\therefore \frac{1}{4}(x-1)^2 = m^2$ ,

解得  $x_1 = 1+2m$ ,  $x_2 = 1-2m$ ,

$\therefore$  点  $C$  的坐标为  $(1+2m, m^2)$ ,

又  $\because$  抛物线  $C_1$  的对称轴为直线  $x = 1$ ,

$\therefore CE = 1+2m-1 = 2m$ ,

$\because$  点  $A$ 、 $C$  关于  $y$  轴对称,

$\therefore$  点  $A$  的坐标为  $(-1-2m, m^2)$ ,

$\therefore AE = ED = 1 - (-1-2m) = 2+2m$ ,

设抛物线  $C_2$  的解析式为  $y = \frac{1}{4}(x-1)^2 - h$ ,

则  $\frac{1}{4}(-1-2m-1)^2 - h = m^2$ ,

解得  $h = 2m+1$ ,

$\therefore EF = h + m^2 = m^2 + 2m + 1$ ,

$\therefore \tan \angle EDF - \tan \angle ECP = \frac{EF}{ED} - \frac{EP}{CE} = \frac{m^2 + 2m + 1}{2 + 2m} - \frac{m^2}{2m} = \frac{m+1}{2} - \frac{m}{2} = \frac{1}{2}$ ,

$\therefore \tan \angle EDF - \tan \angle ECP = \frac{1}{2}$ .

关注“数学吧”公众号，海量免费试卷下载！

